



# НОВЫЕ СРЕДСТВА КИБЕРНЕТИКИ, ИНФОРМАТИКИ, ВЫЧИСЛИТЕЛЬНОЙ ТЕХНИКИ И СИСТЕМНОГО АНАЛИЗА

А.А. БАРКАЛОВ, Л.А. ТИТАРЕНКО, С.А. ЦОЛОЛО

УДК 681.234

## ОПТИМИЗАЦИЯ СХЕМЫ АВТОМАТА МУРА, РЕАЛИЗУЕМОЙ В БАЗИСЕ ПЛИС

**Ключевые слова:** автомат Мура, ПЛИС, макроячейки ПМЛ, псевдоэквивалентные состояния, синтез, логическая схема.

### ВВЕДЕНИЕ

Модель микропрограммного автомата (МПА) Мура часто используется при реализации устройств управления (УУ) [1, 2]. Один из популярных базисов для реализации схем УУ — программируемые логические интегральные схемы (ПЛИС) [3, 4]. Наибольшее распространение получили ПЛИС с макроячейками на основе элементов программируемой матричной логики (ПМЛ). В последнее время в составе таких ПЛИС появляются встроенные блоки памяти (ВБП) с изменяющимся числом выходов [5]. Одной из актуальных задач, возникающих при синтезе схем МПА, является уменьшение аппаратурных затрат. В случае ПЛИС эта задача сводится к оптимизации числа макроячеек ПМЛ в схеме МПА [4]. Для ее решения необходимо использовать особенности как модели МПА, так и элементного базиса. В настоящей работе предлагается применить такие особенности МПА Мура, как наличие псевдоэквивалентных состояний [2] и зависимость выходных переменных (микроопераций) только от состояний. Учет первой особенности позволяет уменьшить число термов в системе функций возбуждения памяти, а второй — использовать блоки ВБП для реализации систем микроопераций. Особенностью ПЛИС является значительный коэффициент объединения по входу (до нескольких десятков), что позволяет использовать больше одного источника кодов состояний [6, 7]. В настоящей работе анализируются различные структуры схемы МПА Мура, основанные на этих особенностях. При этом алгоритм управления, реализуемый автоматом, представлен в виде граф-схемы алгоритма (ГСА) [1].

### ОСНОВНЫЕ ПОЛОЖЕНИЯ И ОСОБЕННОСТИ РЕАЛИЗАЦИИ АВТОМАТА МУРА

Пусть алгоритм управления цифровой системы представлен ГСА  $\Gamma = \Gamma(B, E)$ , где  $B = \{b_0, b_E\} \cup E_1 \cup E_2$  — множество вершин,  $E = \{< b_q, b_t > | b_q, b_t \in B\}$  — множество дуг. Здесь  $b_0$  — начальная вершина ГСА,  $b_E$  — конечная вершина ГСА,  $E_1$  — множество операторных вершин,  $E_2$  — множество условных вершин. В вершинах  $b_q \in E_1$  записываются наборы микроопераций  $Y(b_q) \subseteq Y$ , где  $Y = \{y_1, \dots, y_N\}$  — множество микроопераций операционного автомата цифровой системы [1]. В вершинах  $b_q \in E_2$  записываются элементы множества логических условий  $X = \{x_1, \dots, x_L\}$ . Начальная и конечная вершины ГСА соответствуют состоянию  $a_1 \in A = \{a_1, \dots, a_M\}$ , где  $A$  — множество состояний автомата Мура, а каждая вершина  $b_q \in E_1$  соответствует одному из элементов множества  $A$  [3]. Логическая схема МПА Мура задается системой уравнений

$$\Phi = \Phi(T, X), \quad (1)$$

$$Y = Y(T), \quad (2)$$

© А.А. Баркалов, Л.А. Титаренко, С.А. Цололо, 2009

где  $T = \{T_1, \dots, T_R\}$  — множество внутренних переменных, кодирующих состояния  $a_m \in A$ ,  $R = \lceil \log_2 M \rceil$ ;  $\Phi = \{D_1, \dots, D_R\}$  — множество функций возбуждения триггеров памяти состояний. Системы (1), (2) формируются на основе прямой структурной таблицы (ПСТ) со столбцами:  $a_m$  — текущее состояние;  $K(a_m)$  — код состояния  $a_m \in A$ ;  $a_s$  — состояние перехода;  $K(a_s)$  — код состояния  $a_s \in A$ ;  $X_h$  — конъюнкция некоторых элементов множества  $X$  (или их отрицаний), определяющая переход  $\langle a_m, a_s \rangle$ ;  $\Phi_h$  — набор функций возбуждения памяти МПА, принимающих единичное значение для переключения памяти из  $K(a_m)$  в  $K(a_s)$ ;  $h = 1, \dots, H_1(\Gamma)$  — номер строки таблицы. В столбце  $a_m$  записывается набор микроопераций  $Y(a_m) \subseteq Y$ , формируемых в состоянии  $a_m \in A$ . Естественно, что  $Y(a_m) = Y(b_q)$ , где вершина  $b_q \in E_1$  отмечена состоянием  $a_m \in A$ .

Системы (1), (2) определяют модель  $U_1$  автомата Мура (рис. 1), в которой блок переходов (БП) реализуется на ПМЛ, а блок микроопераций (БМО) — на ВБП, блок БП реализует функции (1), а блок БМО — функции (2). Коды состояний  $a_m \in A$  хранятся в регистре (Рг), который обнуляется сигналом Start и переключается по сигналу Clock.

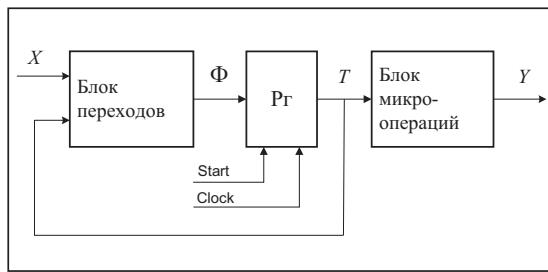


Рис. 1. Схема МПА Мура  $U_1$

Как правило, число переходов  $H_1(\Gamma)$  больше числа переходов  $H_0(\Gamma)$  эквивалентного автомата Мили [1]. Это приводит к увеличению числа ПМЛ в схеме МПА Мура по сравнению с этим показателем эквивалентного автомата Мили. Параметр  $H_1(\Gamma)$  можно уменьшить благодаря наличию псевдоэквивалентных состояний (ПЭС) МПА Мура [2]. Состояния  $a_m, a_s \in A$  называются ПЭС, если выходы соответствующих им вершин соединены с входом одной и той же вершины ГСА  $\Gamma$ . Пусть  $\Pi_A = \{B_1, \dots, B_I\}$  — разбиение множества  $A$  на классы ПЭС ( $I \leq M$ ). Построим систему функций

$$B_i = \bigvee_{i=1}^I C_{mi} A_m \quad (i = 1, \dots, I), \quad (3)$$

где  $C_{mi}$  — булева переменная, равная единице, если и только если  $a_m \in B_i$ ,  $A_m$  — конъюнкция внутренних переменных  $T_r \in T$ , соответствующая коду  $K(a_m)$  состояния  $a_m \in A$ . Закодируем состояния  $a_m \in A$  так, чтобы любая функция системы (3) представлялась одним конъюнктивным термом. Назовем такое кодирование оптимальным кодированием состояний. Для него может использоваться, например, метод ESPRESSO [8].

Такой подход ведет к модели  $U_2$ , структура которой совпадает со структурой модели  $U_1$ , но число термов совпадает с  $H_0(\Gamma)$ . Однако такое кодирование не всегда возможно [2] из-за особенностей ГСА. Например, для  $R = 2$ ,  $B_1 = \{a_1\}$ ,  $B_2 = \{a_2, a_3, a_4\}$  оптимальное кодирование состояний, сокращающее параметр  $H_2(\Gamma)$  до  $H_0(\Gamma)$ , невозможно. Здесь мы вводим обозначение  $H_i(\Gamma_j)$ , что определяет число строк в модели  $U_i$  при интерпретации ГСА  $\Gamma_j$ .

Число строк ПСТ гарантировано равняется  $H_0(\Gamma)$ , если использовать следующий подход. Поставим в соответствие классу  $B_i \in \Pi_A$  двоичный код  $K(B_i)$  разрядности  $R_B = \lceil \log_2 I \rceil$  и используем переменные  $\tau_r \in \tau$  для такого кодирования, где  $|\tau| = R_B$ . В этом случае МПА Мура представляется в виде структуры  $U_3$  (рис. 2).

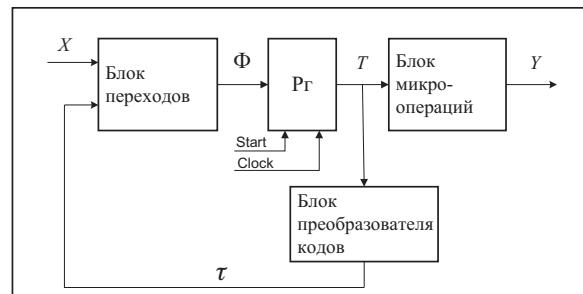


Рис. 2. Схема МПА Мура  $U_3$

В МПА  $U_3$  блок БП формирует функции

$$\Phi = \Phi(\tau, X), \quad (4)$$

а блок преобразователя кодов (БПК) реализует систему функций

$$\tau = \tau(T). \quad (5)$$

При этом код  $K(B_i)$  класса  $B_i \in \Pi_A$  формируется на основе кодов состояний  $a_m \in B_i$ . Как и ранее, блок БМО реализует систему (2).

В работе [2] показано, что  $H_3(\Gamma) = H_0(\Gamma)$ . Недостатком модели  $U_3$  является наличие блока БПК, потребляющего некоторые ресурсы ПЛИС. В настоящей работе предлагается метод синтеза МПА Мура, позволяющий сохранить положительные и устранить отрицательные качества модели  $U_3$ .

#### ОСНОВНАЯ ИДЕЯ ПРЕДЛАГАЕМОГО МЕТОДА

Закодируем состояния  $a_m \in A$  оптимальным образом. Пусть  $T(B_i)$  — число термов в функции  $B_i \in \Pi_A$ . Представим множество  $\Pi_A$  в виде объединения множеств  $\Pi_B$  и  $\Pi_C$ . При этом распределение классов выполняется следующим образом:

$$\begin{aligned} (T(B_i) = 1) &\rightarrow B_i \in \Pi_B; \\ (T(B_i) > 1) &\rightarrow B_i \in \Pi_C. \end{aligned} \quad (6)$$

Очевидно, что преобразованию подлежат только коды состояний  $a_m \in B_i$  для блоков  $B_i \in \Pi_C$ . Поставим в соответствие каждому классу  $B_i \in \Pi_C$  двоичный код  $K(B_i)$  разрядности

$$R_c = \lceil \log_2 (I_c + 1) \rceil, \quad (7)$$

где  $I_c = |\Pi_C|$ . Назначение единицы в формуле (7) объясним позже.

Пусть  $t_F$  — фиксированное число выходов блока ВБП, и пусть  $q$  — число слов в блоке при  $t_F = 1$ . Для блока БМО параметр  $t_F$  определяется как

$$t_F = \lceil q / 2^R \rceil, \quad (8)$$

а суммарное число выходов в блоках ВБП, образующих схему БМО, определяется как

$$t_1 = \lceil N / t_F \rceil \cdot t_F. \quad (9)$$

При этом  $\Delta_t$  выходов не используется для представления микроопераций, где

$$\Delta_t = t_1 - N. \quad (10)$$

Очевидно с их помощью можно представить разряды кода  $K(B_i)$ . При этом блок БПК будет реализовывать

$$R_K = R_C - \Delta_t \quad (11)$$

оставшихся разрядов кода.  
При выполнении условия

$$R_C \leq \Delta_t \quad (12)$$

блок БПК отсутствует. Для общего случая, когда  $\Delta_t \neq 0$  и  $R_K > 1$ , автомат Мура представляется моделью  $U_4$  (рис. 3).

В этой модели имеется три источника кодов состояний. Состояния  $a_m \in B_i$ , где  $B_i \in \Pi_B$ , определяются содержимым регистра Рг. Состояния классов  $B_i \in \Pi_C$  представляются переменны-

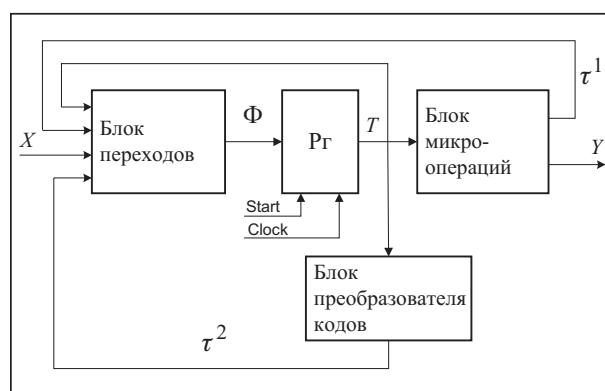


Рис. 3. Схема МПА Мура  $U_4$

ми  $\tau_r \in \tau^1$  (выходы БМО) и  $\tau_r \in \tau^2$  (выходы БПК). Очевидно, что  $\tau^1 \cup \tau^2 = \tau$  и  $|\tau| = R_C$ . Для идентификации источника кода необходимо ввести специальный код, определяемый выражением

$$\tau_r = 0 \quad (r=1, \dots, R_C). \quad (13)$$

Этим объясняется наличие единицы в выражении (7).

Модель  $U_4$  имеет наиболее общий характер, ее возможные модификации представлены в табл. 1, где единица в любом столбце означает использование структурного элемента как источника кода состояния МПА.

В настоящей работе предлагается метод синтеза МПА Мура  $U_4$  по

отмеченной ГСА. Метод включает следующие этапы:

- 1) формирование разбиения  $\Pi_A = \{B_1, \dots, B_I\}$ ;
- 2) оптимальное кодирование состояний  $a_m \in A$ ;
- 3) формирование множеств  $\Pi_B$  и  $\Pi_C$ ;
- 4) кодирование классов  $B_i \in \Pi_C$ ;
- 5) формирование преобразованной ПСТ автомата Мура;
- 6) формирование содержимого блока микроопераций;
- 7) формирование таблицы блока преобразователя кодов;
- 8) формирование системы функций, задающих схему МПА;
- 9) реализация схемы в заданном элементном базисе.

Для моделей  $U_i \neq U_4$  этот метод должен быть модифицирован. При этом некоторые этапы либо модифицируются, либо вообще отсутствуют.

**Таблица 1.** Модели автомата Мура на ПЛИС

Рг	БМО	БПК	Модификации модели $U_4$
1	0	0	Модели $U_1$ и $U_2$
1	0	1	Модель $U_3$
1	1	0	Модель $U_5$ . Выполняется условие (12)
1	1	1	Модель $U_4$
0	0	1	Модель $U_6$ . $\Pi_A = \Pi_C$ и $\Delta_t = 0$
0	1	0	Модель $U_7$ . $\Pi_A = \Pi_C$ и $\Delta_t \geq R_C$
0	1	1	Модель $U_8$ . $\Pi_A = \Pi_C$ и $\Delta_t < R_C$

#### ПРИМЕР ПРИМЕНЕНИЯ ПРЕДЛОЖЕННОГО МЕТОДА

В целях экономии используем задание автомата не в виде ГСА, а в виде системы обобщенных формул перехода (ОФП) [6, 7]. Пусть автомат Мура  $U_1(\Gamma_1)$  определяется следующей системой ОФП:

$$\begin{aligned} B_1 &\rightarrow x_1 a_2 \vee \bar{x}_1 a_3; & B_5 &\rightarrow a_{10}; \\ B_2 &\rightarrow x_2 a_4 \vee \bar{x}_2 x_3 a_5 \vee \bar{x}_2 \bar{x}_3 a_6; & B_6 &\rightarrow x_1 a_{12} \vee \bar{x}_1 a_1; \\ B_3 &\rightarrow x_3 a_6 \vee \bar{x}_3 x_4 a_8 \vee \bar{x}_3 \bar{x}_4 a_1; & B_7 &\rightarrow x_4 a_1 \vee \bar{x}_4 x_5 a_7 \vee \bar{x}_4 \bar{x}_5 x_6 a_{11} \vee \bar{x}_4 \bar{x}_5 \bar{x}_6 a_{13}. \\ B_4 &\rightarrow x_5 a_8 \vee \bar{x}_5 x_6 a_{11} \vee \bar{x}_5 \bar{x}_6 a_{13}; \end{aligned} \quad (14)$$

Пусть при этом получено разбиение  $\Pi_A = \{B_1, \dots, B_7\}$ , где  $B_1 = \{a_1\}$ ,  $B_2 = \{a_2, a_3\}$ ,  $B_3 = \{a_4\}$ ,  $B_4 = \{a_5, a_6, a_7\}$ ,  $B_5 = \{a_8, a_9\}$ ,  $B_6 = \{a_{10}\}$ ,  $B_7 = \{a_{11}, a_{12}, a_{13}\}$ , а система микроопераций автомата  $U_1(\Gamma_1)$  представляется следующей системой уравнений:

$$\begin{aligned} y_1 &= a_2 \vee a_3 \vee a_{12}; & y_2 &= a_4 \vee a_8 \vee a_9 \vee a_{10}; \\ y_3 &= a_3 \vee a_7 \vee a_8 \vee a_{11}; & y_4 &= a_5 \vee a_{11}; \\ y_5 &= a_6 \vee a_7 \vee a_8; & y_6 &= a_4 \vee a_6 \vee a_{10}; \\ y_7 &= a_3 \vee a_{11} \vee a_{12} \vee a_{13}. \end{aligned} \quad (15)$$

Система (15) строится тривиальным образом: если микрооперация  $y_n \in A$  формируется в состоянии  $a_m \in A$ , то в уравнение для  $y_n$  включается терм  $a_m$ . Итак, для автомата  $U_1(\Gamma_1)$  имеем  $M = 13$ ,  $R = 4$ ,  $T = \{T_1, \dots, T_4\}$ ,  $\Phi = \{D_1, \dots, D_4\}$ ,  $I = 7$ ,  $N = 8$ . Сформируем систему (3) следующего вида:

$$\begin{aligned} B_1 &= a_1; & B_2 &= a_2 \vee a_3; \\ B_3 &= a_4; & B_4 &= a_5 \vee a_6 \vee a_7; \\ B_5 &= a_8 \vee a_9; & B_6 &= a_{10}; \\ B_7 &= a_{11} \vee a_{12} \vee a_{13}. \end{aligned} \quad (16)$$

Один из возможных результатов оптимального кодирования состояний для автомата  $U_1(\Gamma_1)$  показан картой Карно на рис. 4.

Анализ этой карты показывает, что классы  $B_1, B_3, B_5, B_6 \in \Pi_B$  и  $B_2, B_4, B_7 \in \Pi_C$ . Таким образом,  $I_C = 3$ ,  $R_C = 2$ ,  $\tau = \{\tau_1, \tau_2\}$ . Закодируем классы  $B_i \in \Pi_C$ :  $K(B_2) = 11$ ,  $K(B_4) = 01$ ,  $K(B_7) = 10$ . Итак, чем больше состояний входит в класс  $B_i \in \Pi_C$ , тем меньше единиц содержит код этого класса.

Отметим, что код 00 соответствует ситуации  $B_i \in \Pi_B$ . Этим объясняется наличие единицы в формуле (7). Из карты Карно имеем  $K(B_1) = 0000$ ,  $K(B_3) = 001*$ ,  $K(B_5) = 1*10$ ,  $K(B_6) = 0110$ . Теперь переходим к модели  $U_4(\Gamma_1)$ .

Преобразованная ПСТ автомата Мура  $U_4(\Gamma)$  включает столбцы  $B_i$ ,  $K(B_i)$ ,  $a_S$ ,  $K(a_S)$ ,  $X_h$ ,  $\Phi_h$ ,  $h$ . Столбец  $K(B_i)$  разбивается на под-

Рис. 4. Коды состояний автомата Мура  $U_1(\Gamma_1)$

столбцы  $\Pi_B$  и  $\Pi_C$ , чтобы показать источник кодов. Для автомата  $U_4(\Gamma_1)$  эта таблица включает  $H_4(\Gamma_1) = 18$  строк, что определяется числом термов в системе (14). Фрагмент преобразованной ПСТ для классов  $B_1 \in \Pi_B$  и  $B_2 \in \Pi_C$  содержит пять строк (табл. 2).

**Таблица 2.** Фрагмент преобразованной ПСТ автомата Мура  $U_4(\Gamma_1)$

$B_i$	$K(B_i)$		$a_s$	$K(a_s)$	$X_h$	$\Phi_h$	$h$
	$\Pi_B$	$\Pi_C$	$a_2$	0001	$x_1$	$D_4$	1
$B_1$	0000	00	$a_3$	1101	$\bar{x}_1$	$D_1 D_2 D_4$	2
			$a_4$	0010	$x_2$	$D_3$	3
$B_2$	****	11	$a_5$	0100	$\bar{x}_2 x_3$	$D_2$	4
			$a_6$	0111	$\bar{x}_2 \bar{x}_3$	$D_2 D_3 D_4$	5

Связь этой таблицы с системой (14) и кодами классов и состояний очевидна. Отметим, что при  $B_i \in \Pi_B$  столбец  $\Pi_C$  содержит код 00, а при  $B_i \in \Pi_C$  содержимое столбца  $\Pi_B$  игнорируется и может быть любым, что отмечено знаками \*. Эта таблица служит основой для формирования системы  $\Phi = \Phi(T, \tau, X)$ , задающей блок БП.

Например, из табл. 2 с учетом минимизации имеем:

$$\begin{aligned} D_1 &= \bar{T}_1 \bar{T}_2 \bar{T}_3 \bar{T}_4 \bar{\tau}_1 \bar{\tau}_2 \bar{x}_1 \quad (\text{строка 2}); \\ D_2 &= \bar{T}_1 \bar{T}_2 \bar{T}_3 \bar{T}_4 \bar{\tau}_1 \bar{\tau}_2 \bar{x}_1 \vee \tau_1 \tau_2 \bar{x}_2 \quad (\text{строки 2, 4, 5}); \\ D_3 &= \tau_1 \tau_2 x_2 \vee \tau_1 \tau_2 \bar{x}_3 \quad (\text{строки 3, 5}); \\ D_4 &= \bar{T}_1 \bar{T}_2 \bar{T}_3 \bar{T}_4 \bar{\tau}_1 \bar{\tau}_2 \bar{x}_1 \vee \tau_1 \tau_2 \bar{x}_2 \bar{x}_3 \quad (\text{строки 1, 2, 5}). \end{aligned} \quad (17)$$

Формирование содержимого блока микроопераций сводится к формированию таблицы со столбцами  $a_m$ ,  $K(a_m)$ ,  $Y(a_m)$ ,  $\tau_m^1$ ,  $m$ . Здесь  $Y(a_m) \subseteq Y$  — набор микроопераций, формируемый в состоянии  $a_m \in A$ . Эта информация содержится в операторных вершинах ГСА  $\Gamma$ , а в нашем примере задана системой (15). Столбец  $\tau_m^1$  содержит переменные  $\tau_r \in \tau^1$ , равные единице в части кода  $K(B_i)$ , формируемой блоком БМО. Этот столбец может отсутствовать, если  $\Delta_t = 0$ .

Пусть для реализации блока БМО используются блоки ВБП, у которых возможное число  $t_F$  выбирается из множества  $T_0 = \{1, 2, 4\}$  и при  $t_F = 1$   $q = 64$ . Для автомата  $U_4(\Gamma_1)$   $M = 13$ ,  $R = 4$  и согласно (8) имеем  $t_F = 4$ . Поскольку  $t_F \in T_0$ , выбираем его в качестве фиксированного числа выходов блоков ВБП. Отметим, что если  $t_F \notin T_0$ , то в качестве  $t_F$  необходимо выбрать ближайший меньший элемент множества  $T_0$ . Для автомата  $U_4(\Gamma_1)$   $N = 7$ , поэтому  $t_1 = 8$  и  $\Delta_t = 1$ . Итак, один разряд кода  $K(B_i)$  может

быть реализован на БМО. Пусть  $\tau^1 = \{\tau_1\}$ , тогда эта переменная включается в строки 2, 3, 11, 12, 13 таблицы содержимого блока БМО (табл. 3).

**Таблица 3.** Содержимое блока микроопераций МПА  $U_4(\Gamma_1)$

$a_m$	$K(a_m)$	$Y(a_m)$	$\tau_m^1$	$m$	$a_m$	$K(a_m)$	$Y(a_m)$	$\tau_m^1$	$m$
$a_1$	0000	—	—	1	$a_8$	1110	$y_2 y_3 y_5$	—	8
$a_2$	0001	$y_1$	$\tau_1$	2	$a_9$	1010	$y_2$	—	9
$a_3$	1101	$y_1 y_3 y_7$	$\tau_1$	3	$a_{10}$	0110	$y_2 y_6$	—	10
$a_4$	0010	$y_2 y_6$	—	4	$a_{11}$	1100	$y_3 y_4 y_7$	$\tau_1$	11
$a_5$	0100	$y_4$	—	5	$a_{12}$	1001	$y_1 y_7$	$\tau_1$	12
$a_6$	0111	$y_5 y_6$	—	6	$a_{13}$	1000	$y_7$	$\tau_1$	13
$a_7$	1111	$y_3 y_5$	—	7	—	****	***	*	*

Очевидно, что  $\tau^2 = \{\tau_2\}$  и таблица преобразователя кодов должна задавать только эту функцию. Если блок БМО реализуется на ВБП, то он задается таблицей со столбцами  $a_m$ ,  $K(a_m)$ ,  $\tau_m^2$ ,  $m$ . Если блок БМО реализуется на макроячейках ПМЛ, то целесообразно задать каждую функцию  $\tau_r \in \tau^2$  картой Карно. Для данного примера функция  $\tau_2$  задается картой Карно (рис. 5).

Из этой карты имеем систему  $\tau^2(T)$ , которая в данном случае представляется уравнением  $\tau_2 = \bar{T}_1 T_4 \vee T_2 T_4 \vee \bar{T}_1 T_2 \bar{T}_3$ .

Синтез схемы МПА  $U_4(\Gamma)$  сводится к реализации полученных систем функций  $\Phi = \Phi(T, \tau, X)$  и  $\tau^2(T)$  на макроячейках ПМЛ и систем  $Y(T)$  и  $\tau^1(T)$  на встроенных блоках памяти. Эта задача подробно рассмотрена в [4], поэтому в данной работе не анализируется.

Отметим, что для автомата  $U_1(\Gamma_1)$  прямая структурная таблица имеет  $H_1(\Gamma_1) = 37$  строк, что в два раза больше, чем  $H_4(\Gamma_1) = 18$ . При этом можно ожидать, что и число макроячеек в схеме блока БП автомата  $U_4(\Gamma_1)$  будет в два раза меньше, чем в автомата  $U_1(\Gamma_1)$ . Для автомата  $U_2(\Gamma_1)$  имеем  $H_2(\Gamma_1) = 28$  и число макроячеек в схеме БП может быть в 1,5 раза больше, чем в автомата  $U_4(\Gamma_1)$ . В автоматах  $U_3(\Gamma_1)$  и  $U_4(\Gamma_1)$  схемы блоков БП содержат одинаковое число макроячеек, но для реализации схемы БПК в автомата  $U_3(\Gamma_1)$  необходимо два встроенных блока памяти. В автомата  $U_4(\Gamma_1)$  эта схема реализуется на одной макроячейке ПМЛ, имеющей три терма. При этом быстродействие всех моделей одинаково. Таким образом, автомат  $U_4(\Gamma_1)$  обладает наименьшими аппаратурными затратами и одинаковым быстродействием по сравнению с остальными рассмотренными моделями. Отметим, что модели  $U_5 - U_8$  в данном случае применять нельзя из-за нарушения необходимого условия (12) или условия  $\Pi_A = \Pi_C$ .

		$T_3$	$T_4$	
		00	01	11
$T_1$	$T_2$	00	01	11
00	00	0	1	*
01	01	1	*	1
11	11	0	1	1
10	10	0	0	*

Рис. 5. Карта Карно для функции  $\tau_2$

## ЗАКЛЮЧЕНИЕ

В настоящей работе предлагается метод оптимизации аппаратурных затрат в схеме автомата Мура, основанный на использовании нескольких источников кода (до трех) классов псевдоэквивалентных состояний. Такой подход возможен при реализации схемы МПА Мура на ПЛИС, в состав которых входят макроячейки ПМЛ с большими коэффициентами объединения по входу и встроенные блоки памяти с изменяемым числом выходов. Применение предложенного метода гарантированно уменьшает длину таблицы переходов МПА Мура до длины

соответствующей таблицы эквивалентного автомата Мили. В работе показано, что существует пять моделей МПА Мура, основанных на этом подходе (модели  $U_4 - U_8$  из табл. 1). Важным свойством этих моделей является сохранение быстродействия по сравнению с базовыми моделями  $U_1 - U_3$ .

Для исследования эффективности предложенного метода реализован программный комплекс, использующий VHDL-модели автоматов  $U_1 - U_8$ . Кодирование состояний и их классов выполнялось алгоритмом ESPRESSO [8]. Результирующие системы уравнений обрабатывались системой WebPack фирмы Xilinx [9], что позволило оценить число макроячеек ПМЛ и быстродействие схем автоматов. Исследования показали, что применение предложенного метода позволяет получить схемы, потребляющие макроячеек на 40 % меньше, чем для автоматов  $U_1$  с произвольным кодированием состояний, и до 18 % меньше, чем для автоматов  $U_2$  с оптимальным кодированием состояний. При этом число блоков ВБП в схеме преобразователя кодов уменьшается на 60 % по сравнению с автоматом  $U_3$ . При этом в 90 % рассмотренных примеров по формальным признакам выбиралась модель  $U_4$ .

Научная новизна предложенного метода заключается в учете особенностей автомата Мура и элементного базиса ПЛИС для оптимизации числа макроячеек ПМЛ и блоков встроенной памяти в схеме автомата.

Практическая значимость метода заключается в уменьшении стоимости схемы автомата Мура на ПЛИС по сравнению с известными из литературы аналогами.

Дальнейшее направление наших исследований связано с анализом применения предложенного метода при реализации устройств управления на ПЛИС, в которых макроячейки отличаются от ПМЛ [3].

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Baranov S. Logic synthesis for control automata. — N.Y: Kluwer Academ. Publ., 1994. — 312 p.
2. Баркалов А. А. Принципы оптимизации логической схемы микропрограммного автомата Мура // Кибернетика и системный анализ. — 1998. — № 1. — С. 65–72.
3. Грушницкий Р. И., Мурсаев А. Х., Угрюмов Е. П. Проектирование систем с использованием микросхем программируемой логики. — СПб: БХВ, 2002. — 608 с.
4. Соловьев В. В. Проектирование цифровых схем на основе программируемых логических интегральных схем. — М.: Горячая линия-ТЕЛЕКОМ, 2001. — 636 с.
5. Cypress Semiconductor — <http://www.cypress.com>
6. Баркалов А. А., Цололо С. А. Оптимизация схемы автомата Мура в составе системы на кристалле // Радиоэлектроника и информатика. — 2007. — № 1. — С. 35–39.
7. Баркалов А. А., Цололо С. А. Оптимизация числа макроячеек PAL в схеме автомата Мура // Упр. системы и машины. — 2008. — № 2. — С. 54–59.
8. Demichel G. Synthesis and optimization of digital circuits. — N.Y.: McGraw-Hill, 1994. — 636 p.
9. Xilinx — <http://www.xilinx.com>

Поступила 06.02.2009