

замінити  $E_0$  і  $K_M$  їх оцінками. У процесі налагодження та дослідної або нормальній експлуатації програмного комплексу з'являється можливість використати статистичні дані про виявлені та виправлені помилки і уточнити проектні оцінки надійності. З цією метою розроблені моделі надійності, що містять параметри, точкові оцінки яких отримують шляхом обробки результатів налагодження та експлуатації ПК. Моделі відрізняються одна від одної припущеннями про характер залежності інтенсивності появи помилок від тривалості налагодження та експлуатації. Деякі моделі містять певні вимоги до внутрішньої структури програмних модулів

1. Гнеденко Б.В. Математические методы в теории надежности / Гнеденко Б.В., Беляев Ю.К., Соловьев А.Д., - М.: Изд. «Наука». – 1965. – 526с.
2. Основи надійності інформаційних систем: підручник / С.М. Головань, О.В. Корнейко, О.С. Хорошко, Л.М. Щербак. – Луганськ: Вид-во «Ноулідж», 2012.- 335с.
3. Черкесов Г.Н. Надежность аппаратно-програмных комплексов / Черкесов Г.Н. – Санк.-Петербург.:Питер. – 2005. – 479с.

Поступила 20.10.2016р.

УДК 621.56 : 629.7

А.А. Чирва, г. Київ

## МАТЕМАТИЧЕСКАЯ МОДЕЛЬ СОВРЕМЕННОГО КРАНА-РЕГУЛЯТОРА ВОЗДУШНЫХ СИСТЕМ САМОЛЕТА

**Abstract.** The article presents mathematical model for the regulator, which can be used for transient simulation of hydraulic and thermal processes in the regulator what is mounted in plane pneumatic system.

**Введение.** В пневматических системах самолета краны-регуляторы обеспечивают поддержание в определенном месте трубопровода требуемого давления воздуха. Ввиду того, что процессы в самолетных системах протекают с большой скоростью, применяют пневматические краны-регуляторы, которые позволяют обеспечить требуемое быстродействие. Также, данный тип кранов-регуляторов обеспечивает высокий ресурс и пожаробезопасность. Управление краном-регулятором осуществляется электронный прибор управления пневматической системы.

Отработка алгоритмов управления, в основном, осуществляется на лабораторных стендах. Параметры воздуха на таких стенах значительно отличаются от параметров воздуха в самолетных системах, что приводит к

дополнительным затратам по отработке алгоритмов управления крана-регулятора в составе самолета. Для уменьшения стоимости этапа отработки, а также проверки работы крана-регулятора на различных режимах полета самолета, в том числе и при отказных ситуациях, разработана математическая модель пневматического крана-регулятора.

### **Пневматический кран-регулятор.**

Схема крана-регулятора представлена на рис.1. Кран регулятор состоит из следующих агрегатов:

- предварительный редуктор,
- управляющий механизм,
- исполнительный механизм.

Воздух для питания крана-регулятора отбирается из трубопровода перед регулятором. Предварительный редуктор обеспечивает стабильное значение давление перед управляющим механизмом в не зависимости от параметров воздуха перед краном-регулятором. Управляющий механизм обеспечивает подачу воздуха от предварительного редуктора в исполнительный механизм или сливание воздуха с исполнительного механизма. Электронный прибор управления сравнивает текущее значение давления воздуха в системе, полученное от датчика, со значением, требуемым на данном режиме работы.

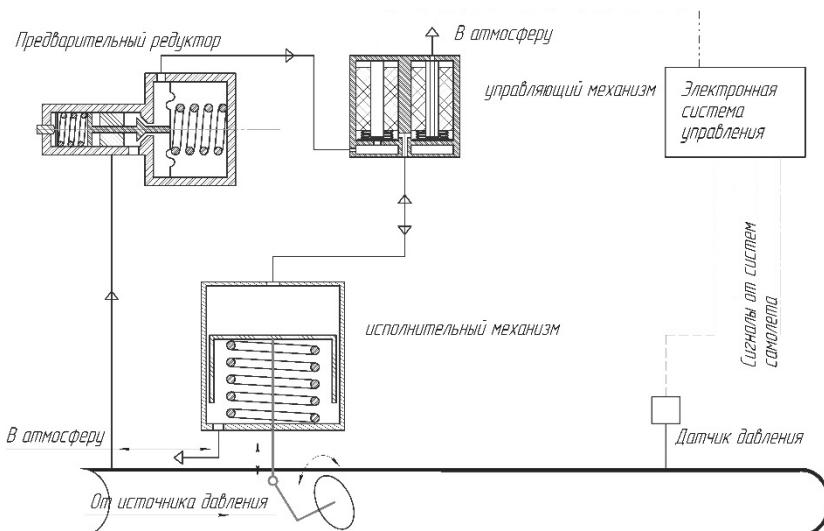


Рис. 1. Схема пневматического крана-регулятора

По результатам сравнения выдаются сигналы управляющему механизму для выполнения подачи или сливания воздуха с исполнительного механизма.

механизма. В результате заслонка исполнительного механизма поворачивается пока не обеспечится минимальное рассогласование между текущим и требуемым давлением воздуха в системе.

Процесс управления краном-регулятором осуществляется широтно-импульсной модуляцией.

### **Предварительный редуктор давления.**

Предварительный редуктор состоит из золотника с поршнями на концах. При отклонении давления на выходе из редуктора от требуемого нарушается устойчивое состояние золотника. Разница между силами давления, действующая на поршни золотника, и силами упругости пружин передвигает золотник, изменяя площадь проходного сечения редуктора. При этом изменяется давление на выходе из редуктора пока равнодействующая сил давления и упругости не станет равной нулю.

Для описания процессов происходящих в редукторе используем два уравнения:

- уравнение неразрывности

$$\frac{dm_{возд}}{d\tau} = \frac{V_{ред}}{RT} \frac{dp_{ред}}{d\tau} \quad (1)$$

- уравнение усилий на золотнике

$$m_{ред} \frac{d^2x_{ред}}{d\tau^2} = (P_{затпр1} - Z_{пр1}x_{ред}) + (P_{затпр2} - Z_{пр2}x_{ред}) - p_{ред1} \cdot S_{порш1} - p_{ред2} \cdot S_{порш2} + N \frac{dx_{ред}}{d\tau} \quad (2)$$

В свою очередь

$$\frac{dm_{возд}}{d\tau} = G_{вход}(p_{маг}, p_{ред2}) - G_{выход}(p_{ред2}, F_{ред}) \quad (3)$$

$m_{возд}$  - масса воздуха в объеме редуктора;  $V_{ред}$  - объем воздуха в редукторе;  $p_{ред}$  - статическое давление воздуха в редукторе;  $p_{маг}$  - давление в магистральном трубопроводе;  $G_{вход}(p_{маг}, p_{ред2})$  - функции расходов воздуха на входе и выходе из редуктора;  $F_{ред}$  - площадь дросселируемого отверстия;  $x_{ред}$  - положение золотника редуктора;  $P_{затпр}$  - предварительная затяжка пружины,  $Z_{пр}$  - жесткость пружины;  $p_{ред}$  - давление в полостях редуктора;  $S_{порш}$  - площадь поршня редуктора;  $N$  - коэффициент трения скользящей пары.

Используя метод конечных разностей, запишем конечноразностные уравнения для неявной схемы:

$$G_{\text{вход}}(p_{\text{маx}}^{j+1}, p_{\text{пед1}}^{j+1}) - G_{\text{выход}}(p_{\text{пед2}}^{j+1}, F_{\text{пед}}) = \frac{V_{\text{пед}}}{RT} \frac{p_{\text{пед}}^{j+1} - p_{\text{пед}}^j}{\Delta\tau} \quad (4)$$

$$\begin{aligned} m_{\text{пед}} \frac{x_{\text{пед}}^{j+1} - 2x_{\text{пед}}^j + x_{\text{пед}}^{j-1}}{\Delta\tau^2} &= \left( P_{\text{затnp1}} - Z_{\text{пп1}} x_{\text{пед}}^{j+1} \right) + \\ &+ \left( P_{\text{затnp2}} - Z_{\text{пп2}} x_{\text{пед}}^{j+1} \right) - p_{\text{пед1}} \cdot S_{\text{нори1}} - p_{\text{пед2}} \cdot S_{\text{нори2}} + N \frac{x_{\text{пед}}^{j+1} - x_{\text{пед}}^j}{\Delta\tau} \end{aligned} \quad (5)$$

$j$  – шаг по времени

Тогда, после преобразований получим уравнения для определения давления за редуктором и положения золотника

$$p_{\text{пед}}^{j+1} = p_{\text{пед}}^j + \frac{RT}{V_{\text{пед}}} \left( G_{\text{вход}}(p_{\text{пед1}}^{j+1}) - G_{\text{выход}}(p_{\text{пед2}}^{j+1}, F_{\text{пед}}) \right) \Delta\tau \quad (6)$$

$$\begin{aligned} x_{\text{пед}}^{j+1} &= \frac{\Delta\tau^2}{m_{\text{пед}} + N\Delta\tau + (Z_{\text{пп1}} - Z_{\text{пп2}})\Delta\tau^2} \times \\ &\times \left( P_{\text{затnp2}} - P_{\text{затnp1}} - p_{\text{пед1}}^{j+1} S_{\text{нори2}} + \frac{m_{\text{пед}}}{\Delta\tau^2} (2x_{\text{пед}}^j - x_{\text{пед}}^{j-1}) + N \frac{x_{\text{пед}}^j}{\Delta\tau} \right) \end{aligned} \quad (7)$$

Также накладываются дополнительные ограничения на перемещение золотника.

$$x_{\text{пед}}^{j+1} = x_{\text{max}} \quad \text{если } x_{\text{пед}}^{j+1} \geq x_{\text{max}} ; \quad x_{\text{пед}}^{j+1} = x_{\text{min}} \quad \text{если } x_{\text{пед}}^{j+1} \leq x_{\text{min}} \quad (8)$$

### Управляющий механизм

Пневматическая схема управляющего механизма представлена на рисунке 2. Два электромагнитных клапана по принципу инжектора дозируют подачу воздуха в исполнительный механизм. При необходимости увеличить угол открытия заслонки электронный блок управления подает питание на клапан соединяющий линию подачи воздуха и линию, идущую к исполнительному устройству. При этом клапан, соединяющий с атмосферой, закрыт. Для уменьшения угла открытия, подается питание на клапан стравливания воздуха в атмосферу.

Используем следующие уравнения:

- уравнение электрической энергии для электромагнита

$$U = I \cdot R(T_{kl}) + L \frac{dI}{d\tau} \quad (9)$$

- уравнение неразрывности для внутреннего объема управляющего устройства

$$\frac{V_{yy}}{RT} \frac{dp_{yy}}{d\tau} = G_{\text{клвход}}(x_{\text{клвход}}) - G_{\text{клвых}}(x_{\text{клвых}}) - G_{\text{исн}}(p_{yy}^{j+1}, p_{\text{исн}}^{j+1}) \quad (10)$$

– уравнение усилий для механической части электроклапана

$$m_{\text{кл}} \frac{d^2 x_{\text{кл}}}{d\tau^2} = -(P_{\text{замп}} + Z_{\text{пр}} x_{\text{кл}}) + \frac{L^2 \cdot I^2}{2\mu_0 \mu_{\text{сепд}} S_{\text{сепд}}} \quad (11)$$

– уравнение тепловой энергии для катушки электромагнита

$$c_p m_{\text{кл}} \frac{dT_{\text{кл}}}{d\tau} = I^2 \cdot R(T_{\text{кл}}) + \frac{T_{\text{кл}} - T_{\text{нв}}}{\frac{1}{\alpha_{\text{нв}}} + \frac{\delta_{\text{кл}}}{\lambda_{\text{кл}}}} \quad (12)$$

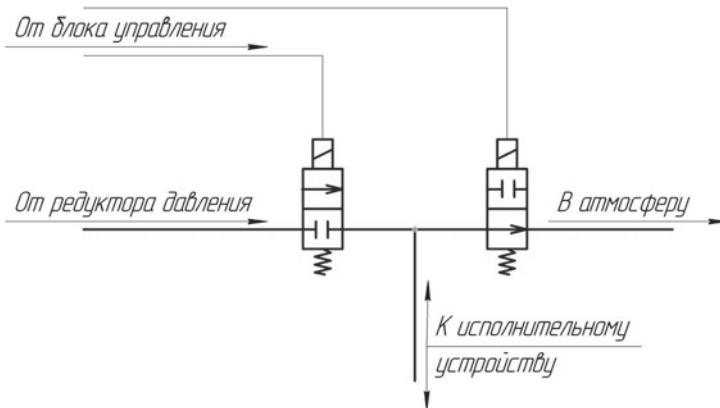


Рис. 2. Пневматическая схема управляющего устройства.

$U$ ,  $I$  - электрическое напряжение и ток через катушку электромагнита;  $R, T_{\text{кл}}$  - сопротивление катушки электромагнита и ее температура;  $L$  - индуктивность электромагнита;

$V_{yy}$ ,  $p_{yy}$  - объем полости и давление воздуха в управляющем устройстве;

$G_{\text{клвход}}$ ,  $G_{\text{клвых}}$ ,  $G_{\text{исн}}$  - расход воздуха через входной клапан, клапан сброса и на исполнительное устройство;

$m_{\text{кл}}$  - масса подвижных частей электроклапана;  $x_{\text{кл}}$  - положение клапана;

$\frac{L^2 \cdot I^2}{2\mu_0 \mu_{\text{сепд}} S_{\text{сепд}}}$  - сила создаваемая электромагнитом.

Конечная форма уравнений для управляющего устройства имеет вид

$$I^{j+1} = \left( U + I^j \frac{L}{\Delta\tau} \right) \frac{1}{R(T_{\text{кл}}) + \frac{L}{\Delta\tau}} \quad (12)$$

$$p_{yy}^{j+1} = p_{yy}^j + \frac{RT}{V_{yy}} \left( G_{\text{клвход}}(x_{\text{клвход}}^{j+1}, p_{yy}^{j+1}, p_{peo}^{j+1}) - G_{\text{клвых}}(x_{\text{клвых}}^{j+1}, p_{yy}^{j+1}, p_{ucn}^{j+1}) - G_{ucn}(p_{yy}^{j+1}, p_{ucn}^{j+1}) \right) \Delta \tau \quad (13)$$

$$x_{\text{кл}}^{j+1} = \left( -P_{\text{затпр}} + \frac{L^2 \cdot I^2}{2\mu_0 \mu_{cep\partial} S_{cep\partial}} - m_{\text{кл}} \frac{x_{\text{кл}}^{j-1} - 2x_{\text{кл}}^j}{\Delta \tau^2} \right) \frac{1}{\frac{m_{\text{кл}}}{\Delta \tau^2} + Z_{\text{пр}}} \quad (14)$$

### Исполнительное устройство.

Исполнительное устройство состоит из пневмоцилиндра со штоком, который соединен с заслонкой. При положении штока в верхней точке заслонка закрыта. При увеличении давления в полости над поршнем, шток открывает заслонку.

Запишем уравнения для исполнительного устройства:

$$\frac{V_{\text{исп}} + S_{\text{порш}} x_{\text{порш}}}{RT} \frac{dp_{ucn}}{d\tau} + \frac{S_{\text{порш}} p_{ucn}}{RT} \frac{dx_{\text{порш}}}{d\tau} = G_{ucn} \quad (15)$$

$$m_{\text{порш}} \frac{d^2 x_{\text{порш}}}{d\tau^2} = (p_{ucn} - p_{\text{нв}}) S_{\text{порш}} - (P_{\text{затпр}} - Z_{\text{пр}} x_{\text{кл}}) - P_{\text{шток}} \quad (16)$$

$V_{\text{исп}}$  - объем полости над поршнем;  $S_{\text{порш}}, x_{\text{порш}}$  - площадь поршня и положение штока;  $p_{ucn}$  - давление воздуха в исполнительном механизме;  $G_{ucn}$  - расход воздуха на входе в исполнительное устройство;  $m_{\text{порш}}$  - масса подвижных частей штока;  $p_{\text{нв}}$  - давление наружного воздуха;  $P_{\text{шток}}$  - сила действующая на шток от заслонки.

Конечноразностная форма уравнений после преобразований имеет вид:

$$p_{ucn}^{j+1} = \left( \left( V_{\text{исп}} + S_{\text{порш}} x_{\text{порш}}^{j+1} \right) \frac{dp_{ucn}}{\Delta \tau} + R \cdot T \cdot G_{ucn}(p_{yy}^{j+1}, p_{ucn}^{j+1}) \right) \times \frac{\Delta \tau}{V_{\text{исп}} + S_{\text{порш}} (2x_{\text{порш}}^{j+1} - x_{\text{порш}}^j)} \quad (17)$$

$$x_{\text{порш}}^{j+1} = \frac{(p_{ucn} - p_{\text{нв}}) S_{\text{порш}} - P_{\text{затпр}} - P_{\text{шток}} + m_{\text{порш}} \frac{(2x_{\text{порш}}^{j+1} - x_{\text{порш}}^{j-1})}{\Delta \tau^2}}{\frac{m_{\text{порш}}}{\Delta \tau^2} + Z_{\text{пр}}} \quad (18)$$

Зависимость угла поворота заслонки от положения штока поршня имеет следующий вид:

$$\alpha_{\text{засл}} = a \cos \left( \frac{1 - (x_{\text{порш}}^{j+1} + L_{kp} (1 - \cos(\alpha_0)))}{L_{kp}} \right) \quad (19)$$

$L_{kp}$  - длина кривошипа

$\alpha_0$  - угол установки кривошипа

Расход воздуха определяется по формуле:

- для до критического режима:

$$G = \mu \cdot p_{\text{вход}} \cdot S \cdot \sqrt{\frac{2k}{k-1} \frac{T}{R} \left( \left( \frac{P_{\text{вых}}}{P_{\text{вход}}} \right)^{\frac{2}{k}} - \left( \frac{P_{\text{вых}}}{P_{\text{вход}}} \right)^{\frac{k+1}{k}} \right)} \quad (20)$$

- для критического режима:

$$G = \mu \cdot p_{\text{вход}} \cdot S \cdot \sqrt{\frac{k \cdot T}{R} \cdot \frac{2k}{k-1} \cdot \left( \frac{2}{2+k} \right)^{\frac{k}{k-1}}} \quad (21)$$

$\mu$  - коэффициент расхода;  $S$  - площадь отверстия;  $p_{\text{вход}}$ ,  $p_{\text{вых}}$  - давление перед и за дросселирующим отверстием;  $k$  - отношение удельных теплоемкостей.

Для выполнения расчета нестационарных гидравлических процессов протекающих в кране-регуляторе по указанной модели необходимо задать все конструктивные характеристики клапана (объемы, вес элементов, размеры, параметры электромагнитов), начальное положение всех подвижных элементов.

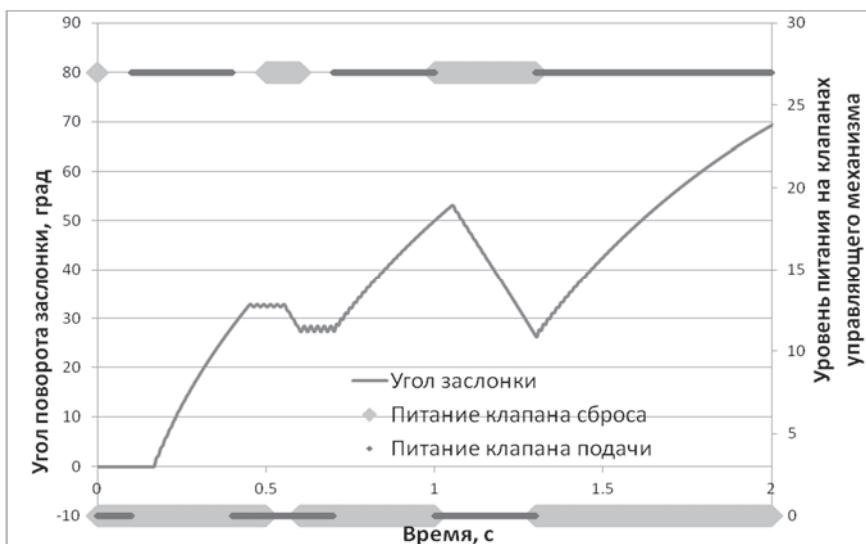


Рис. 3. Изменение угла поворота заслонки при подаче управляемых сигналов

Входными данными являются давление в магистральном трубопроводе и управляющие импульсы на электромагниты управляющего устройства. На выходе определяется угол поворота заслонки для дальнейшего гидравлического расчета магистрального трубопровода.

Поскольку использована неявная схема составления конечноразностных уравнений, на каждом шаге по времени происходит увязка решения методом Зейделя.

На рис.3 приведены результаты моделирования: изменение угла поворота заслонки при различном сочетании сигналов выданных блоку управления управляющему механизму.

**Выводы.** В статье представлена математическая модель пневматического крана-регулятора, которая позволяет определить реакцию регулятора, в виде поворота заслонки, на изменение атмосферного давления и параметров воздуха в магистрали перед регулятором, а также на управляющие сигналы от электронного блока управления. Положение регулирующей заслонки используется для определения давления воздуха в системе за регулятором с помощью модели расчета нестационарных гидравлических процессов в трубопроводе.

1. Хлистун А.И. Динамические характеристики регулятора давления пневматической системы самолета// Пром. гидравлика и пневматика. - 2004. - №3(5).- С. 62-64.
2. Идельчик И.Е. Гидравлические сопротивления. - Изд. 3-е, перераб. и доп. – М.:Машиностроение, 1992.-559с.
3. Абрамович Г.Н. Прикладная газовая динамика. – Изд. 3-е, перераб. – М.: Наука, 1969. – 824 с.

Поступила 27.10.2016р.

УДК 681.142 + 519.4

О. Д. Глухов, м. Київ

## ПРО СКЛАДНІ ДИСКРЕТНІ СИСТЕМИ ВИСОКОЇ СТРУКТУРНОЇ СТИЙКОСТІ

*This paper investigates the connectivity properties of quasi-random graphs based on Erdős-Rényi expanders.*

*В данной работе исследована связность квазислучайных графов на базе экспандеров Эрдёша-Ренни.*

В цій роботі буде показано, як на основі випадкового графа моделі Ердеша-Ренї побудувати складну дискретну системи високої структурної