

І.Г. Цмоць, д.т.н., проф., В.Я. Антонів,  
Національний університет “Львівська політехніка”

## ВЕРТИКАЛЬНО-ПАРАЛЕЛЬНИЙ МЕТОД СОРТУВАННЯ МАСИВІВ ЧИСЕЛ

Розроблено метод і потокові графи алгоритмів вертикально-паралельного сортування одновимірних і двовимірних масивів чисел, оцінено швидкодію сортування масивів чисел за даним методом.

**Ключові слова:** сортування, вертикально-паралельний метод, алгоритми, масиви, граф алгоритму.

### Постановка проблеми

Сучасний етап розвитку інформаційних технологій характеризується накопиченням великих масивів даних. При опрацюванні таких масивів найчастіше доводиться використовувати операції сортування та пошуку даних. Метою сортування масивів даних є прискорення пошуку необхідної інформації. Основними шляхами підвищення швидкодії операцій сортування є розробка нових алгоритмів сортування, адаптація їх до архітектури сучасних масово-паралельних комп’ютерних засобів (програмна реалізація) та їх апаратна реалізація у вигляді надвеликої інтегральної схеми (HBIC).

До масово-паралельних комп’ютерних засобів відноситься графічні процесори (GPU – Graphics Processing Unit), які є процесорами класу SIMD (Single Instruction Multiple Data). Особливістю процесорів класу SIMD є те, що в них одна операція використовується одночасно для опрацювання множини незалежних даних. Для розробки програмного забезпечення сортування великих масивів даних, частина якого працює на CPU (центральний процесор), а частина на GPU доцільно використати кросплатформову систему компіляції та виконання програм CUDA.

Програмно-апаратна реалізація операції сортування даних на сучасній елементній базі вимагає розроблення нових паралельних алгоритмів і структур. Паралельні алгоритми сортування, які програмно-апаратно орієнтовані на сучасну елементну базу повинні бути:

- добре структурованими з детермінованим переміщенням даних;
- ґрунтуються на однотипних операціях з регулярними та локальними зв’язками;
- використовувати конвеєризацію та просторовий паралелізм;
- мати мінімальну кількість виводів інтерфейсу.

У зв’язку з цим особливої актуальності набуває проблема розроблення нових паралельних алгоритмів, орієнтованих на графічні процесори та на HBIC-реалізацію.

## **Аналіз останніх досліджень і публікацій**

Аналіз відомих методів сортування показав, що вони ґрунтуються на базовій операції - порівняння та перестановки, яка зводиться до попарного порівняння значень з масиву даних, який необхідно відсортувати, та їх перестановки у випадку коли порядок цих значень не відповідає умовам сортування [1-3]. Методи сортування на основі такої базової операції відрізняються один від одного вибором пар значень для порівняння. Дані методи сортування можна об'єднати в такі групи: сортування вставкою, обмінне сортування, сортування злиттям і сортування вибором. Кожна з цих груп сортування орієнтована на послідовну реалізацію.

З аналізу публікацій [1-11] випливає, що основним шляхом зменшення часу сортування масиву чисел є розпаралелення процесу сортування.

### **Формування цілі статті**

**Метою роботи** є розроблення методу та потокових графів алгоритмів вертикально-паралельного сортування масивів чисел, орієнтованих на їх програмно-апаратну реалізацію.

### **Основний матеріал**

**Вертикально-паралельний метод сортування одновимірних масивів чисел.** Даний метод сортування передбачає паралельне надходження  $N$  чисел розрядними зрізами старшими розрядами уперед і паралельне формування розрядних зрізів відсортованих чисел. Сортування одновимірного масиву чисел  $\{D_k\}_{k=1}^N$  здійснюється за  $n$  макротактів. При виконанні кожного  $i$ -о ( $i=1,\dots,n$ ) макротакту сортування масиву чисел одночасно виконується  $N$  базових операцій, які забезпечують формування  $i$ -х розрядів  $N$  відсортованих чисел. На першому макротакті сортування здійснюється формування старших розрядів всіх чисел. Даний макротакт зводиться до таких операцій:

- 1) підрахунку кількості одиниць у розрядному зрізі

$$S_1 = \sum_{k=1}^N D_{1k} \wedge y_{1k}, \quad (1)$$

де  $y_{1k}$  – значення  $k$ -о розряду 1-о слова управління, яке дорівнює  $y_{1k}=1$ ;

- 2) формування для  $D_1^*, \dots, D_{s_1}^*$  виходів значення 1-о розрядного зрізу  $P_1$ за формулою:

$$P_1 = \bigvee_{k=1}^N D_{k1} \wedge y_{1k}, \quad (2)$$

де  $D_{k1}$  – значення 1-о розряду  $k$ -о числа масиву;

- 3) формування для  $D_{s_1+1}^*, \dots, D_N^*$  виходів значення 1-о розрядного зрізу  $P_1$ за формулою:

$$P_1 = \bigvee_{k=1}^N D_{k1} \wedge \bar{y}_{1k}, \quad (3)$$

де  $\bar{y}_{1k}$  – інверсне значення  $k$ -о розряду 1-о слова управління;

4) визначення 1-х (старших) розрядів для виходів  $D_{11}^*, \dots, D_{N1}^*$  за виразом:

$$D_{k1}^* = \begin{cases} 0, & \text{коли } P_1 = 0 \\ 1, & \text{коли } P_1 = 1 \end{cases} \quad (4)$$

5) формування 2-о слова управління для виходів  $D_1^*, \dots, D_{S_1}^*$  за формулою:

$$y_{21}, \dots, y_{2S_1} = \begin{cases} 0, & \text{коли } P_1 = 1, D_{k1} = 0 \\ 1, & \text{коли } P_1 = 1, D_{k1} = 1 \end{cases}. \quad (5)$$

6) формування 2-о слова управління для виходів  $D_{S_1+1}^*, \dots, D_N^*$  за формулою:

$$y_{2(S_1+1)}, \dots, y_{2N} = \begin{cases} 0, & \text{коли } P_1 = 0, D_{k1} = 1 \\ 1, & \text{коли } P_1 = 0, D_{k1} = 0 \end{cases}. \quad (6)$$

Наступні макротакти сортування для кожної групи виходів (чисел) ( $D_1^*, \dots, D_{S_1}^*$ ) і ( $D_{S_1+1}^*, \dots, D_N^*$ ) виконується незалежно та аналогічно до першого макротакту.

**Сортування двовимірних масивів чисел.** Сортування двовимірного масиву чисел  $\{D_{kj}\}_{k=1; j=1}^{N; M}$  з використанням засобів вертикально-паралельного сортування одновимірних масивів чисел передбачає, що вхідні дані надходять паралельно  $N$  каналами. Таке сортування доцільно виконувати методом витісненням, базовою макрооперацією якого є вертикально-паралельне сортування одновимірного масиву із  $2N$  чисел. В кожному макротакті реалізації даного метода виконується сортування  $2N$  чисел, з яких  $N$  є вхідними числами, а  $N$ - більшими числами з попереднього макротакту роботи. Відсортовані  $N$  більших чисел залишаються для виконання наступного макротакту роботи, а  $N$  менших записуються у пам'ять. Кількість макротактів, необхідних для сортування двовимірного масиву чисел  $\{D_{kj}\}_{k=1; j=1}^{N; M}$ , визначається за формулою:

$$p = \sum_{j=1}^M (M - j). \quad (7)$$

Одним із шляхів підвищення швидкодії сортування двовимірного масиву чисел є збільшення кількості базових макрооперацій, які виконуються

паралельно.

**Графи алгоритмів вертикально-паралельного сортування масивів чисел.** Потоковий граф вертикально-паралельного сортування одновимірного масиву чисел. Такий граф алгоритму повинен забезпечити просторово-часове відображення процесу вертикально-паралельного сортування одновимірного масиву  $\{D_k\}_{k=1}^N$  чисел. Особливістю вертикально-паралельного сортування одновимірного масиву чисел є паралельне порозрядне надходження  $N$  входних чисел (розрядного зразу) старшими розрядами вперед і паралельне порозрядне формування  $N$  відсортованих чисел. Потоковий граф алгоритму вертикально-паралельного сортування одновимірного масиву чисел наведений на рис.1, де  $\Phi_1$  і  $\Phi_y$  - відповідно функціональний та управлючий оператори, ПЕ – процесорний елемент.

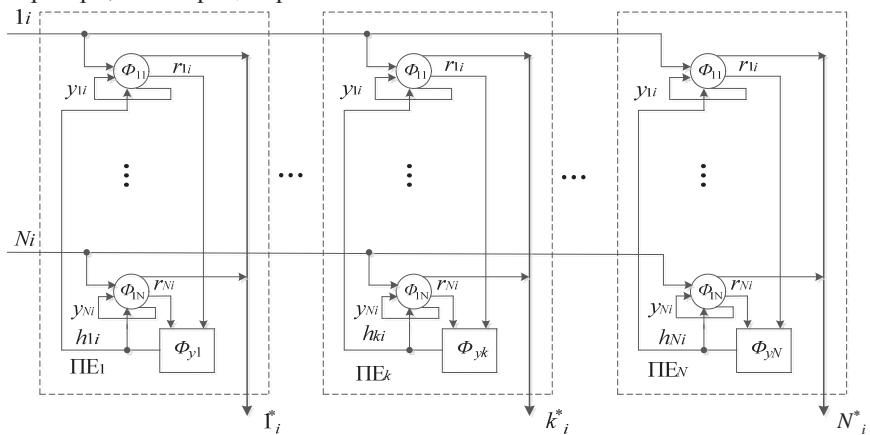


Рис.1. Потоковий граф алгоритму вертикально-паралельного сортування одновимірного масиву чисел

Особливістю потокового графу алгоритму вертикально-паралельного сортування одновимірного масиву чисел є те, що з кожного  $k$  входу одночасно надходить на всі ПЕ. Кількість ПЕ визначається розмірністю масиву, який сортується. В кожному  $i$ -у такті роботи в  $\text{PE}_k$  формується  $i$ -й розряд відсортованого  $k$ -о числа. Найбільше відсортоване число формується на виході  $\text{PE}_1$ , а найменше – на виході  $\text{PE}_N$ . Кожний ПЕ реалізується на основі  $N$  функціональних операторів  $\Phi_1$  і одного функціонального оператора  $\Phi_y$ . У  $\text{PE}_k$  функціональний оператор  $\Phi_{1k}$  у кожному  $i$ -у такті роботи забезпечує виконання таких операцій:

- 1) обчислення значення  $i$ -о розряду для  $k$ -о входу за формулою:

$$P_{ki} = \overline{D_{ki} \wedge y_{ki}}, \quad (8)$$

- 2) формування сигналу для підрахунку кількості одиниць за формулою:

$$r_{ki} = (\bar{D}_{ki}^* \vee D_{ki}) \wedge y_i \quad (9)$$

3) визначення  $k$  розряду  $(i+1)$ -о слова управління за формулою:

$$y_{k(i+1)} = r_{ki} \oplus h_{ki}, \quad (10)$$

де  $h_{ki}$  - сигнал управління передачею формування  $(i+1)$ -о слова управління,

$\bar{D}_{ki}^*$  - інверсне значення  $i$ -о розряду  $k$ -о відсортованого числа, яке обчислюється в ПЕ $_k$  за формулою:

$$\bar{D}_{ki}^* = \bigvee_{k=1}^N P_{ki}. \quad (11)$$

У ПЕ $_k$  функціональний оператор управління  $\Phi_{yk}$  забезпечує виконання таких операцій:

1) підрахунку кількості одиниць за формулою:

$$R_{ki} = \sum_{k=1}^N r_{ki} \quad (12)$$

2) визначення  $h_{ki}$  за формулою:

$$h_{ki} = \begin{cases} 0, & \text{коли } \sum_k \geq P_{\sigma ki} \\ 1, & \text{коли } \sum_k < P_{\sigma ki} \end{cases} \quad (13)$$

де значення регістра  $P_{\sigma ki}$  в  $i$ -у такті.

На початку роботи у всіх ПЕ всі розряди слів управління установлюються в одиницю, а в реєстр  $P_{\sigma k}$  кожного  $k$ -о ПЕ $_k$  записується значення  $k$ .

Потоковий граф вертикально-паралельного сортування двовимірного масиву чисел. Потоковий граф модифікованого алгоритму сортування двовимірного масиву чисел  $\{D_{kj}\}_{k=1; j=1}^{N; M}$  методом витіснення, наведений на

рис.2, де  $\Phi_{mo}$  – функціональний макрооператор,  $\Phi_y$  – оператор управління,  $\Phi_k$  – оператор комутації.

У даному потоковому графі кожний функціональний макрооператор  $\Phi_{mo}$  виконує сортування одновимірного масиву розміром  $2N$  чисел, оператор управління  $\Phi_y$  – управляє процесом сортування двовимірного масиву чисел, оператор комутації  $\Phi_k$  – забезпечує з'єднання з функціональними макрооператорами  $\Phi_{mo}$  у відповідності до алгоритму сортування. Сортування одновимірного масиву розміром  $2N$  чисел за вертикально-паралельним методом виконується за  $n$  тактів, де  $n$  – розрядність чисел, які утворюють макротакт. За макротакт виконується сортування  $2N$  чисел, з яких перші  $N$  є входними, а другі  $N$  - більшими числами з попереднього такту роботи. У кожному макрооператорі  $\Phi_{mo}$  з  $2N$  відсортованих чисел  $N$  більші чисел затримуються, а  $N$  менших поступають на входи наступних макрооператорів.

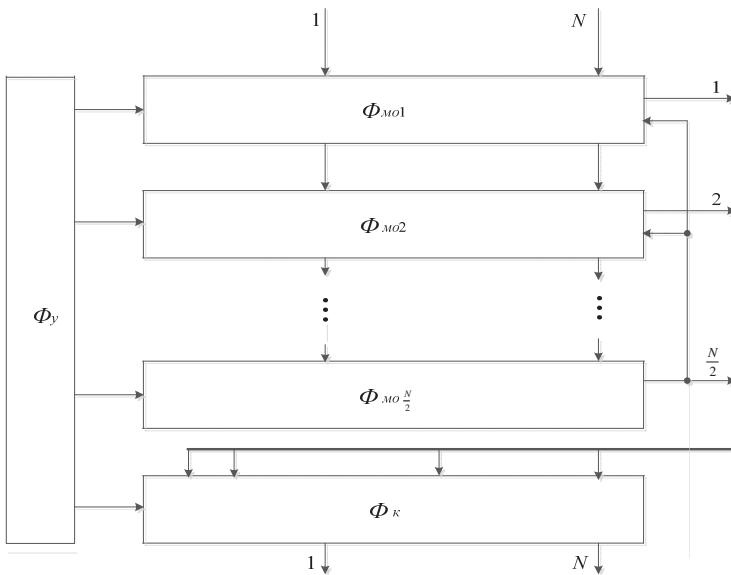


Рис.2. Потоковий граф модифікованого алгоритму сортування двовимірного масиву чисел методом витіснення

Особливістю потокового графу модифікованого алгоритму сортування двовимірного масиву чисел методом витіснення є використання нелінійних зав'язків між макрооператорами  $\Phi_{mo}$ . Кількість макротактів, необхідних для сортування двовимірного масиву чисел  $\{D_{kj}\}_{k=1; j=1}^{N; M}$  за даним потоковим графом виконується за  $2N$  макротакти.

### Висновки

1. Метод вертикально-паралельного сортування масивів чисел за рахунок паралельного опрацювання  $i$ -о розрядного зрізу масиву чисел забезпечує паралельне формування  $i$ -о розрядного зрізу відсортованого масиву чисел, що забезпечує збільшення швидкодії, яка в основному залежить від розрядності чисел, а не їх кількості.

2. Просторово-часове відображення алгоритмів вертикально-паралельного сортування масивів чисел вигляді потокових графів, в яких за рахунок виявлення паралелізм і керування ним забезпечується ефективна програмно-апаратна їх реалізація.

3. Одним із шляхів підвищення швидкодії сортування двовимірного масиву чисел є збільшення кількості базових макрооперацій, які виконуються паралельно.

1. Д. Кнут. Искусство программирования, том 3: Сортировка и поиск, 2-е изд. - М., 2000.-832с.

2. Цмоць І.Г. Інформаційні технології та спеціалізовані засоби обробки сигналів і зображень у реальному часі. – Львів: УАД, 2005.- 227с.
3. В.П. Гергель. Высокопроизводительные вычисления для многопроцессорных многоядерных систем // Издательство Московского университета , 2010. – 544с.
4. А.В. Борескови др. Параллельные вычисления на GPU, Архитектура и программная модель CUDA// Издательство Московского университета , 2012. – 336с.
5. Грушвицкий Р.И., Мурсаев А.Х., Угрюмов Е.П. Проектирование систем на микросхемах программируемой логики. – СПб.: БХВ-Петербург, 2002. – 608с.
6. С.Кун. Матричные процессоры на СБИС:-М.:Мир,1991.-672 с.
7. Кормен Т., Лейзерсон Ч., Ривест Р. Алгоритмы: построение и анализ: Пер. с англ. / Под ред. А. Шеня. – М.: МЦНМО: БИНОМ. Лаборатория знаний, 2004. – 960 с.
8. Левитин Ананий. Алгоритмы: введение в разработку и анализ. :Пер. с англ. - М.: Издательский дом «Вильямс», 2006. - 576с.
9. Лорин Г. Сортировка и системы сортировки. – М. : Мир. 1983. – 384 с.
10. Мельничук А.С., Луценко С.П., Громовий Д.С., Трофимова К. В. Аналіз методів сортування масиву чисел. Технологический аудит и резервы производства - №4/1(12), 2013. – С. 37-40.
11. Воеводин В. В., Воеводин Вл. В. Параллельные вычисления. — СПб: БХВ-Петербург, 2002. — 608 с.

*Поступила 6.10.2016р.*

УДК 004.75

І.Г. Цмоць, д.т.н., О.В. Скорохода, к.т.н., В.І. Роман  
 кафедра автоматизованих систем управління  
 Національний університет «Львівська політехніка», м. Львів

## **СХОВИЩА ДАНИХ БАГАТОРІВНЕВИХ СИСТЕМ УПРАВЛІННЯ ЕНЕРГОЕФЕКТИВНІСТЮ**

**Анотація.** Досліджено та проаналізовано існуючі методи і засоби організації та розробки високонавантажених сховищ даних для організації доступу до великих даних (big data). Розглянуто лямбда-архітектуру, запропоновано технологічне рішення для реалізації сховища даних на її основі.

**Abstract.** Existing methods and means of organization and development of high-loaded warehouses for providing access to big data have been investigated and analysed. The lambda architecture has been considered, a technological solution for implementing a data warehouse based on it has been proposed.

**Ключові слова:** сховища даних, великі дані, багаторівневі системи управління, енергоефективність.

**Keywords:** data warehouses, big data, multi-level management system, energy efficiency.