### УДК 621.315.592



Гайдар Г.П.

Гайдар Г.П.<sup>1</sup>, Баранський П.І.<sup>2</sup>

<sup>1</sup>Інститут ядерних досліджень НАН України просп. Науки, 47, Київ, 03680, Україна; <sup>2</sup>Інститут фізики напівпровідників ім. В.Є. Лашкарьова НАН України, просп. Науки, 45, Київ, 03028, Україна



Баранський П.І.

# ПРО ДЕЯКІ ОСОБЛИВОСТІ АНІЗОТРОПІЇ ТЕРМОЕРС У НЕДЕФОРМОВАНИХ І ПРУЖНО ДЕФОРМОВАНИХ МОНОКРИСТАЛАХ *n-Si* TA *n-Ge*

У рамках теорії анізотропного розсіяння детально проаналізовано механізми виникнення анізотропії термоЕРС у багатодолинних недеформованих і направлено деформованих напівпровідниках (n -Si ma n -Ge) при наявності градієнта температури. Визначено тензор термоЕРС в умовах VT ≠ 0 на основі використання узагальненого закону Ома. Ключові слова: германій, кремній, теорія анізотропного розсіяння, анізотропія термоЕРС, тензор термоЕРС.

In the framework of anisotropic scattering theory the mechanisms of origination of thermopower anisotropy in multi-valley undeformed and directionally deformed semiconductors (n -Si and n-Ge) in the presence of temperature gradient were analyzed in detail. Based on the use of the generalized Ohm's law the thermopower tensor was defined under  $\nabla T \neq 0$ .

**Keywords:** germanium, silicon, anisotropic scattering theory, thermopower anisotropy, thermopower tensor.

#### Вступ

Електрофізичні властивості напівпровідників істотно залежать не тільки від анізотропії закону дисперсії і механізмів розсіювання носіїв струму на фононах і домішкових центрах, фононів на фононах і т. ін. (тобто, від анізотропії на мікрорівні), але й від наведеної (наприклад, за допомогою направленої пружної деформації) анізотропії всього кристалу [1-3]. Більш глибокому розумінню механізмів виникнення анізотропії термоЕРС, особливостей енергетичного спектру носіїв заряду сприяють дослідження термоелектричних властивостей одновісно пружно деформованих напівпровідників, які є важливими не тільки з точки зору фундаментальної, але також і прикладної науки [4]. Практичне значення таких досліджень пов'язане з можливістю створювати (чи підвищувати) за допомогою направленого деформування напівпровідників анізотропію термоЕРС, яка використовується в анізотропних термоелементах, вихрових і гальванотермомагнітних перетворювачах енергії [5]. Адже саме від ефективності термоелектричних перетворювачів енергії, які прийнято називати модулями, залежать, в першу чергу, можливості практичних застосувань термоелектрички [6].

Істотним недоліком термоелектрично-анізотропних матеріалів, які використовуються в проми-

словості, є їхня невелика термоелектрична добротність. Оскільки одним із методів збільшення останньої є підвищення анізотропії термоЕРС, то створення шляхом деформації великої анізотропії термоЕРС забезпечить можливість конструювання штучних високочутливих анізотропних приладів з більш високим коефіцієнтом корисної дії.

Метою нашої роботи було встановлення особливостей анізотропії термоЕРС у недеформованих і пружно деформованих монокристалах *n-Si* і *n-Ge*, а також визначення тензора термоЕРС за наявності градієнта температури.

## Анізотропне розсіяння електронів у багатодолинних напівпровідниках Ge і Si n - типу

Відповідне уявлення про анізотропне розсіяння електронів у кристалі виникає при розвязанні кінетичного рівняння Больцмана-Лоренца для носіїв заряду в твердих тілах. Це рівняння для стаціонарних умов можна записати у вигляді [7]

$$\hat{D} n_{\vec{k}} + \sum_{\vec{k'}} W_{\vec{k} \, \vec{k'}} \left( n_{\vec{k'}} - n_{\vec{k}} \right) = 0 \,, \tag{1}$$

де  $n_{\vec{k}}$  – рівноважна функція розподілу електронів;  $\hat{D}n_{\vec{k}} = \frac{1}{kT} \frac{dn_{\vec{k}}^0}{dx_{\vec{k}}} (\upsilon_{\vec{k}}, \nabla \overline{\mu} + x_{\vec{k}} \nabla kT)$  – так званий польовий член;  $\nabla \overline{\mu} = \nabla \mu - e_0 E = \nabla (\mu + e_0 \psi)$ ;  $\psi$  – потенціал електричного поля;  $e_0$  – заряд електрона;  $n_{\vec{k}}$  – не рівноважна добавка до функції розподілу;  $W_{\vec{k}\vec{k}}$  – імовірність розсіяння електронів із стану з квазіімпульсом  $\vec{k}$  у стан з квазіімпульсом  $\vec{k}'$ .

У подальшому розглядатимемо виключно пружні розсіяння, за яких можна вважати, що квазіімпульси  $\vec{k}$  і  $\vec{k}'$  знаходяться на одній і тій же ізоенергетичній поверхні. У цьому випадку ймовірність розсіяння є функцією декількох величин:

$$W_{\vec{k}\vec{k}'} = W\left(\varepsilon; \vartheta, \phi, \vartheta', \phi'\right),\tag{2}$$

де  $\mathscr{G}$ ,  $\phi$  – сферичні кути, які характеризують напрямок квазіімпульсу до розсіяння; а  $\mathscr{G}$ ,  $\phi'$  – після розсіяння. При цьому є входить у (2) як параметр, оскільки енергія електрона при розсіянні не змінюється. Тому надалі в запис функції W величину  $\varepsilon$  вводити не будемо.

Припустимо спочатку, що імовірність розсіяння залежить тільки від кута розсіяння  $\theta$ :

$$W_{\vec{k}\vec{k}'} = W(\cos\theta),\tag{3}$$

причому

$$\cos\theta = \cos\theta\cos\theta' + \sin\theta\sin\theta'\cos(\phi - \phi'). \tag{4}$$

Це означає, що ймовірність розсіяння не залежить від того, як орієнтований всередині кристалу кут, утворений імпульсами  $\vec{k}$  і  $\vec{k'}$  (рис. 1). Саме таке розсіяння прийнято називати ізотропним. Слід відмітити, що інколи під ізотропним розсіянням розуміють випадок, коли  $W_{\vec{k}\vec{k'}}$  взагалі не залежить від  $\theta$ . Однак цей випадок в дійсності є лише окремим різновидом ізотропного розсіяння. Під анізотропним розсіянням необхідно розуміти випадок, коли  $W_{\vec{k}\vec{k}}$  залежить від кутів  $\mathcal{G}$ ,  $\phi$ ,  $\mathcal{G}$ ,  $\phi'$  будь-яким, відмінним від залежності (3), чином. У подальшому будемо також припускати, що ізоенергетична поверхня є квадратичною (сфера, еліпсоїд). Сюди ж відноситься і випадок кейнівської непараболічності. Тоді компоненти швидкості носія  $\upsilon_x \sim \sin \theta \cos \phi$ ;  $\upsilon_y \sim \sin \theta \sin \phi$ ;  $\upsilon_z \sim \cos \theta$  лінійним чином залежать від сферичних гармонік першого порядку. Розв'язок кінетичного рівняння для ізотропного розсіяння має інший характер, ніж для випадку анізотропного розсіяння.

При ізотропному розсіянні  $W(\cos\theta)$  можна розкласти в ряд по поліномах Лежандра:

$$W(\cos\theta) = \sum_{l} W_{l} P_{l}(\cos\theta).$$
<sup>(5)</sup>

А потім, користуючись відомою теоремою про складання шарових функцій

$$P_{l}(\cos\theta) = \sum_{m} Y_{lm}(\vartheta, \varphi) Y_{lm}^{*}(\vartheta', \phi'), \qquad (6)$$

вираз (5) можна подати у вигляді

$$W(\cos\theta) = \sum_{lm} W_l Y_{lm}(\vartheta, \phi) Y_{lm}^*(\vartheta', \phi').$$
<sup>(7)</sup>

Розв'язок кінетичного рівняння у цьому випадку необхідно шукати у вигляді ряду по сферичних гармоніках:

$$n'_{\vec{k}} = \sum_{lm} X_{lm}(\varepsilon) Y_{lm}(\theta, \phi), \qquad (8)$$

причому визначенню підлягатимуть функції  $X_{lm}(\varepsilon)$ . Можна переконатися, що підстановка виразу (8) у рівняння (1) призводить до співвідношення для  $X_{lm}$  у вигляді

$$L_{l}X_{lm}(\varepsilon) = D_{m}\,\delta_{l1},\tag{9}$$

де  $L_l$  певним чином обчислюється через коефіцієнти  $W_l$ . Звідси випливає, що всі  $X_{1m}(\varepsilon)$ , за винятком  $X_{1m}(\varepsilon)$ , дорівнюють нулю, і таким чином отримується відомий розв'язок кінетичного рівняння при ізотропному розсіянні.



Рис. 1. Кут, утворений квазіімпульсами  $\vec{k}$  і  $\vec{k'}$ .

У випадку ж анізотропного розсіяння розклад  $W_{\vec{k}\vec{k}}$  по сферичних гармоніках має вигляд

$$W_{\vec{k}\vec{k}'} = \sum_{ll'mm'} W_{ll'}^{mm'} Y_{lm} \left( \mathcal{G}, \phi \right) Y_{l'm'}^* \left( \mathcal{G}', \phi' \right).$$
(10)

I, отже, фундаментальна відмінність анізотропного розсіяння від ізотропного полягає в тому, що у випадку анізотропного розсіяння коефіцієнти розкладу  $W_{ll}^{mm'}$ , по-перше, залежать

від *m* і, по-друге, є недіагональними як по *l*, так і по *m*. Це призводить до того, що при анізотропному розсіянні для невідомих функцій  $X_{1m}(\varepsilon)$  отримуємо не автономне рівняння, а систему зв'язаних рівнянь

$$\sum_{l'm'} L_{ll'}^{mm'} X_{l'm'} \left( \varepsilon \right) = D_m \,\delta_{l1}. \tag{11}$$

I для обчислення кінетичних коефіцієнтів потрібно знати не всю функцію розподілу, що задається рядом (8), а лише так звану вкорочену функцію

$$\overline{n}_{\vec{k}} = \sum_{m} X_{1m}(\varepsilon) Y_{1m}(\vartheta, \phi), \qquad (12)$$

оскільки, у зв'язку з вище зазначеним, для носіїв заряду з квадратичною ізоенергетичною поверхнею швидкості носіїв заряду пропорційні сферичним гармонікам першого порядку.

У математичному плані побудова теорії анізотропного розсіяння зводиться саме до розробки методів визначення  $X_{1m}(\varepsilon)$  з системи (11) [8, 9], а відмінність анізотропного розсіяння від ізотропного в змістовому сенсі зводиться до того, що у випадку анізотропного розсіяння релаксаційні властивості системи носіїв визначаються не одним коефіцієнтом  $L_1$ , а

певними комбінаціями всієї сукупності коефіцієнтів розкладу  $L_{ll'}^{mm'}$ . Саме тому замість часу релаксації необхідно вводити тензор часу релаксації. При цьому, звичайно, змінюються температурні і концентраційні залежності кінетичних коефіцієнтів, їх залежності від напруженості магнітного поля та інших факторів зовнішнього впливу.

Анізотропія розсіяння може бути зумовлена в багатодолинних напівпровідниках різними причинами, а саме: анізотропією розсіюючого потенціалу (п'єзоелектричні напівпровідники, розсіяння на іонах в кристалах з анізотропією діелектричної сталої), анізотропією фононного спектра, анізотропією енергетичного спектра носіїв. В останньому випадку розсіяння носіїв заряду описується рядом параметрів, наприклад, не сталою деформаційного потенціалу (як у випадку ізотропного розсіяння), а тензором сталих деформаційного потенціалу, не значенням ефективної маси, а компонентами тензора ефективної маси і т. ін. Теорія анізотропного розсіяння дає можливість знаходити залежність експериментально вимірюваних величин від згаданих параметрів, чого не можна досягти за допомогою теорії ізотропного розсіяння.

#### Визначення тензора термоЕРС

Відкрите 1823 р. явище Зеєбека (або термоелектричний ефект) полягає у виникненні в провіднику за наявності перепаду температури електричного поля, яке в цьому випадку називається термоелектричним.

Узагальнений закон Ома, що пов'язує між собою вектори густини струму  $\vec{j}$  і напруженості електричного поля  $\vec{\varepsilon}$  за наявності градієнта температури grad  $T \equiv \nabla T$ , для анізотропних середовищ можна записати у вигляді [9]

$$\vec{j} = \hat{\sigma}\vec{\varepsilon} - \hat{\sigma}\hat{\alpha}\nabla T, \qquad (13)$$

де  $\hat{\sigma}$  і  $\hat{\alpha}$  – тензори другого рангу електропровідності і термоЕРС відповідно. Якщо ввести позначення

$$\hat{b} = \hat{\sigma}\hat{\alpha}, \tag{14}$$

то вираз (13) можна записати таким чином:

$$\vec{j} = \hat{\sigma}\vec{\varepsilon} - \hat{b}\nabla T , \qquad (15)$$

або в компонентах

$$j_i = \sigma_{ik} \,\varepsilon_k - b_{il} \,\nabla_l \,T \,, \tag{16}$$

де

$$b_{il} = \sigma_{im} \,\alpha_{ml} \,. \tag{17}$$

Напруженість термоелектричного поля знаходять з умови відсутності електричного струму. Якщо в (13) покласти  $\vec{j} = 0$ , то отримаємо наступний вираз для напруженості термоелектричного поля

$$\vec{\varepsilon} = \hat{\alpha} \,\,\nabla T \tag{18}$$

або в компонентах

$$\varepsilon_i = \alpha_{ik} \, \nabla_k \, T \,. \tag{19}$$

Формула (18), яка дає лінійну залежність напруженості термоелектричного поля від градієнта температури, являє собою перший член розкладу  $\vec{\varepsilon}$  по  $\nabla T$  і визначає термоелектричний ефект у рамках лінійної по  $\nabla T$  теорії, правомірної при незначних градієнтах температури, коли можна знехтувати членами розкладу з вищими ступенями.

На основі (14) тензор коефіцієнтів термоЕРС визначається таким чином:

$$\hat{\alpha} = \hat{\sigma}^{-1} \hat{b} , \qquad (20)$$

З іншого боку, на основі кінетичної теорії густину струму можна подати як

$$\vec{j} = e \int_{0}^{\infty} \Psi_{1}(E) \vec{\upsilon} g(E_{k}) dE_{k}, \qquad (21)$$

де e – заряд електрона,  $\vec{\upsilon}$  – групова швидкість носіїв,  $g(E_k)$  – густина станів, E – повна енергія носіїв,  $E_k$  – кінетична енергія носіїв,  $\psi_1$  – добавка до рівноважної функції розподілу за наявності збурюючих полів, тобто:

$$\Psi = \Psi_0 + \Psi_1. \tag{22}$$

3 кінетичного рівняння Больцмана

$$\frac{\partial \Psi}{\partial t} = \left(\frac{\partial \Psi}{\partial t}\right)_{noxis} + \left(\frac{\partial \Psi}{\partial t}\right)_{simkH}$$
(23)

для стаціонарних умов і в наближенні часу релаксації для  $\psi_1$  (у відповідності з [10]) отримаємо

$$\psi_1 = -\tau \frac{\partial \psi_0}{\partial E} \left[ \frac{\mu - E}{T} \nabla T - \nabla \left( \mu + eV \right) \vec{\upsilon} \right], \tag{24}$$

де  $\tau$  – час релаксації,  $\mu$  – хімічний потенціал, T – абсолютна температура, V – електричний потенціал. У формулі (23)  $\left(\frac{\partial \Psi}{\partial t}\right)_{nonie}$  – польовий член, що визначає швидкість зміни функції розподілу  $\Psi$  у результаті неперервного руху електронів у звичайному (геометричному) просторі та в просторі швидкостей,  $\left(\frac{\partial \Psi}{\partial t}\right)_{simkh}$  – член зіткнень, що визначає швидкість зміни  $\Psi$  у результаті зіткнення (розсіяння) електронів.

Підставивши (24) в (21) і порівнявши одержаний вираз з формулою (15), записаною для ізотропного випадку, коли b і  $\sigma$  – скалярні величини, знайдемо їх (b та  $\sigma$ ) і на основі (20) в ізотропному випадку для коефіцієнта термоЕРС отримаємо співвідношення:

$$\alpha = \frac{k_0}{e} \left[ \frac{\int_{0}^{\infty} \tau(E_k) \frac{\partial \Psi_0}{\partial E} E \vec{v}^2 g(E_k) dE_k}{k_0 T \int_{0}^{\infty} \tau(E_k) \frac{\partial \Psi_0}{\partial E} \vec{v}^2 g(E_k) dE_k} - \mu^* \right]$$
(25)

або

$$\alpha = \frac{k_0}{e} \left[ \frac{\iint\limits_{-\infty}^{\infty} \tau \frac{\partial \Psi_0}{\partial E} E \vec{\upsilon}^2 d^3 \vec{k}}{k_0 T \iint\limits_{-\infty}^{\infty} \tau \frac{\partial \Psi_0}{\partial E} \vec{\upsilon}^2 d^3 \vec{k}} - \mu^* \right],$$
(26)

де  $k_0$  – стала Больцмана,  $\mu^* = \frac{\mu}{k_0 T}$  – наведений хімічний потенціал. У (26) інтеграли беруться за простором квазіімпульсів.

У загальному випадку несферичних поверхонь сталої енергії носіїв заряду час релаксації – тензор другого рангу. Записавши (15) і (21) в головних осях тензора оберненої ефективної маси, для компонент тензора термоЕРС електронів, що належать одному мінімуму, одержимо наступний вираз:

$$\alpha_{ii} = \frac{k_0}{e} \left[ \frac{\iint\limits_{-\infty}^{\infty} \tau_{ii} \frac{\partial \Psi_0}{\partial E} E \nu_i^2 d^3 \vec{k}}{k_0 T \iint\limits_{-\infty}^{\infty} \tau_{ii} \frac{\partial \Psi_0}{\partial E} \nu_i^2 d^3 \vec{k}} - \mu^* \right].$$
(27)

#### Механізми виникнення анізотропії термоЕРС

Анізотропія електропровідності, теплопровідності і низки інших фізичних властивостей є характерною (тією чи іншою мірою) для всіх некубічних кристалів. Однак анізотропія термоЕРС – явище досить рідкісне, оскільки для її прояву має виконуватися низка специфічних умов. Для анізотропії електропровідності, наприклад, досить мати або анізотропний спектр енергії, або анізотропний закон розсіяння, або те й інше разом. Інакше складається ситуація з анізотропією термоЕРС. Згідно з теорією анізотропного розсіяння, розвинутою на основі методу розв'язку кінетичного рівняння [8], вплив анізотропії розсіяння на кінетичні коефіцієнти для таких найбільш поширених механізмів розсіяння, як розсіяння на акустичних і оптичних фононах, на іонізованих і нейтральних домішках (диполях), враховується тензором часу релаксації, що має такий вигляд:

$$\tau_{ii} = \lambda_{ii} E_k^r \,. \tag{28}$$

При цьому тензорний характер часу релаксації описується коефіцієнтами  $\lambda_{ii}$ , які не залежать від енергії, але є функціями анізотропії ефективної маси. Показник степені *r* залежить від типу розсіяння носіїв заряду в кристалі. При розсіянні на акустичних коливаннях гратки і на оптичних за температур, вищих від температури Дебая ( $\theta$ )  $r = -\frac{1}{2}$ , при розсіянні на оптичних коливаннях за  $T < \theta$  r = 0, при розсіянні на іонізованих домішках  $r = \frac{3}{2}$ .

Якщо підставити (28) в (27), то коефіцієнт  $\lambda_{ii}$  скоротиться і для  $\alpha_{ii}$  отримаємо скалярний вираз. Таким чином, якщо є один тип носіїв заряду і один механізм розсіяння, то термоЕРС буде ізотропною, якою б не була сильною анізотропія ефективної маси носіїв заряду. Цей результат було використано авторами [11] при розгляді багатодолинної моделі. Він є прийнятним як для ізотропного закону дисперсії  $E(\vec{k})$ , так і для анізотропного параболічного і непараболічного еліпсоїдального (Кейнівська модель). Імовірно, саме з цим пов'язана та обставина, що анізотропія термоЕРС трапляється значно рідше, ніж анізотропія електропровідності.

Якщо  $E(k_i)$  характеризується різною залежністю вздовж різних напрямків (непараболічний і нееліпсоїдальний закон дисперсії), то в цьому випадку (навіть за одного типу носіїв і одного механізму розсіяння) може бути наявною анізотропія термоЕРС, що було відмічено ще в роботі [12].

Слід зазначити, що при розсіянні на іонах домішок час релаксації у вигляді (28) є деяким наближенням. Згідно з [8], коефіцієнти  $\lambda_{ii}^{u}$  залежать від енергії, причому ця залежність різна для різних напрямків у кристалі. З підстановкою (28) в (27)  $\lambda_{ii}^{u}(E)$  в цьому випадку не скоротяться, і внаслідок того, що вони різні для різних напрямків,  $\alpha_{ii}$  для різних *i* будуть відрізнятися між собою. Тобто, в цьому випадку буде спостерігатися анізотропія термоЕРС. Цей механізм виникнення анізотропії термоЕРС характерний для сильно легованих напівпровідників.

У випадку одного типу носіїв і двох механізмів розсіяння, що описуються часами релаксації  $\tau_{u}^{(1)} = \lambda_{u}^{(1)} E^{r_1}$  і  $\tau_{u}^{(2)} = \lambda_{u}^{(2)} E^{r_2}$ , то, оскільки складаються обернені часи релаксації, в результаті будемо мати

$$\tau_{ii} = \frac{\lambda_{ii}^{(1)} \lambda_{ii}^{(2)} E^{r_1 + r_2}}{\lambda_{ii}^{(1)} E^{r_1} + \lambda_{ii}^{(2)} E^{r_2}}.$$
(29)

Підстановка (29) в (27) призводить до виразу

$$\alpha_{ii} = \frac{\int \frac{E^{r_1 + r_2}}{\lambda_{ii}^{(1)} E^{r_1} + \lambda_{ii}^{(2)} E^{r_2}} \frac{\partial \psi_0}{\partial E} \upsilon_i^2 (E - \mu) d^3 \vec{k}}{eT \int \frac{E^{r_1 + r_2}}{\lambda_{ii}^{(1)} E^{r_1} + \lambda_{ii}^{(2)} E^{r_2}} \frac{\partial \psi_0}{\partial E} \upsilon_i^2 d^3 \vec{k}}.$$
(30)

У цьому випадку тензор термоЕРС не зводиться до скаляра і термоЕРС буде анізотропною. Отже, однією з причин виникнення анізотропії термоЕРС може бути наявність двох (або декількох) механізмів анізотропного розсіяння. Однак анізотропія термоЕРС, зумовлена сукупною дією кількох механізмів розсіяння, невелика і при розсіянні на фононах і іонах, іонах і диполях, фононах, іонах і диполях становить 0.1 ÷ 25.0 мкВ/град.

Другою причиною анізотропії термоЕРС може бут наявність двох (чи більшого числа) типів носіїв заряду при одному механізмі розсіяння, якщо хоча б одна група носіїв характеризується анізотропною електропровідністю і коефіцієнти парціальних термоЕРС їх різні. Це зумовлено тим, що термоЕРС, на відміну від електропровідності, не є величиною адитивною. Справді, позначимо через  $j_i^{(1)}$  і  $j_i^{(2)}$  густини струму носіїв типу "1" і "2" і запишемо для них узагальнений закон Ома (16):

$$j_{i}^{(1)} = \sigma_{ii}^{(1)} \varepsilon_{i} - b_{ii}^{(1)} \frac{\partial T}{\partial x_{i}},$$

$$j_{i}^{(2)} = \sigma_{ii}^{(2)} \varepsilon_{i} - b_{ii}^{2} \frac{\partial T}{\partial x_{i}}.$$
(31)

Сумарна густина струму дорівнює:

$$j_{i} = j_{i}^{(1)} + j_{i}^{(2)} = \left(\sigma_{ii}^{(1)} + \sigma_{ii}^{(2)}\right)\varepsilon_{i} - \left(b_{ii}^{(1)} + b_{ii}^{(2)}\right)\frac{\partial T}{\partial x_{i}} = \sigma_{ii} \varepsilon_{i} - b_{ii}\frac{\partial T}{\partial x_{i}}.$$
(32)

З умови  $j_i = 0$  для термоелектричного поля отримаємо вираз

$$\varepsilon_{i} = \frac{b_{ii}}{\sigma_{ii}} \frac{\partial T}{\partial x_{i}} = \frac{b_{ii}^{(1)} + b_{ii}^{(2)}}{\sigma_{ii}^{(1)} + \sigma_{ii}^{(2)}} \frac{\partial T}{\partial x_{i}}.$$
(33)

Для тензора термоЕРС матимемо співвідношення:

$$\alpha_{ii} = \frac{b_{ii}^{(1)} + b_{ii}^{(2)}}{\sigma_{ii}^{(1)} + \sigma_{ii}^{(2)}}.$$
(34)

Підставивши  $b_{ii}$  на основі (17) і врахувавши, що термоЕРС однієї групи носіїв заряду при одному механізмі розсіяння ізотропна, отримаємо остаточно

$$\alpha_{ii} = \frac{\alpha^{(1)}\sigma_{ii}^{(1)} + \alpha^{(2)}\sigma_{ii}^{(2)}}{\sigma_{ii}^{(1)} + \sigma_{ii}^{(2)}},$$
(35)

а різниця двох компонент тензора термоЕРС  $\hat{\alpha}$  при цьому виражається формулою

$$\Delta \alpha = \alpha_{11} - \alpha_{22} = \frac{\left(\sigma_{11}^{(1)} \sigma_{22}^{(1)} - \sigma_{11}^{(2)} \sigma_{22}^{(2)}\right) \left(\alpha^{(1)} - \alpha^{(2)}\right)}{\left(\sigma_{11}^{(1)} + \sigma_{11}^{(2)}\right) \left(\sigma_{22}^{(1)} + \sigma_{22}^{(2)}\right)}.$$
(36)

Вираз (36) наводить на думку, що навіть за ізотропних парціальних коефіцієнтів термоЕРС всього напівпровідника може бути анізотропною, якщо електропровідність кожного виду носіїв, або хоча б одного з них, носить анізотропний характер. При цьому, звичайно, парціальні термоЕРС мають бути різними. Імовірно, цей механізм анізотропії термоЕРС реалізується в напівпровідниках орторомбічної сингонії *CdSb* і *ZnSb* і в чистому *Bi* в області змішаної провідності. Величина  $\Delta \alpha$  в цьому випадку може досягати ~ 300 мкВ/град.

Анізотропія термоЕРС, зумовлена наявністю декількох груп носіїв заряду з різними термоелектричними властивостями і анізотропними електропровідностями, може штучно створюватися шляхом направленого деформування багатодолинних напівпровідників типу n-Ge i n-Si. Адже справді, направлене пружне деформування таких кристалів (за винятком напрямків  $\vec{X} // \vec{J} // [100]$  у випадку n-Ge i  $\vec{X} // \vec{J} // [111] – в <math>n$ -Si) призводитиме до зняття еквівалентності мінімумів енергії [13] і міжмінімумного перерозподілу електронів. Оскільки кінетичні властивості електронів, що належать різним долинам (мінімумам енергії), тепер різні внаслідок різної їх заселеності, а електропровідність кожної з цих груп сильно анізотропна, то відповідно до (35), термоЕРС усього кристала стане анізотропною. Появу особливо великої анізотропії можна очікувати в області змішаної провідності, оскільки одновісне деформування Ge i Si призводить до зняття виродження зон легких і важких дірок в точці  $\vec{k} = 0$  простору квазіімпульсів і до появи значної анізотропії електропровідності дірок. Таким чином, одновісна пружна деформація може зумовлювати появу анізотропії термоЕРС навіть у матеріалах, які в недеформованому стані в термоелектричному відношенні є повністю ізотропними.

Є ще один механізм виникнення анізотропії термоЕРС, пов'язаний з проявом ефекту захоплення електронів фононами. При анізотропному характері енергетичного спектру носіїв заряду фононна термоЕРС є анізотропною. При цьому анізотропія термоЕРС може мати місце навіть при одному типі (різновиді) носіїв і одному механізмі розсіяння, на відміну від дифузійної термоЕРС, що була проаналізована вище.

#### Висновки

- 1. Розглянуто шляхи використання теорії анізотропного розсіяння для аналізу кінетичних явищ за наявності та за відсутності градієнта температури на досліджуваних кристалах *n*-*Ge* і *n*-*Si*.
- 2. На основі використання узагальненого закону Ома обґрунтовано визначення тензора термоЕРС при знаходженні кристала в умовах  $\nabla T \neq 0$ .
- 3. Детально проаналізовано найбільш важливі механізми виникнення анізотропії термоЕРС і звернуто увагу на особливості цієї анізотропії в багатодолинних напівпровідниках (*n* -*Ge* i *n* -*Si*) при їх направленому (одновісному) пружному деформуванні.

#### Література

- Гайдар Г.П. Механізми формування анізотропії термоелектричних і термомагнітних явищ у багатодолинних напівпровідниках / Г.П. Гайдар / Г.П. Гайдар // Фізика і хімія твердого тіла. – 2013. – Т. 14, № 1. – С. 7 – 20.
- 2. Гайдар Г.П. Кинетика электронных процессов в Si и Ge в полях внешних воздействий /

Г.П. Гайдар. – Монография. – Saarbrücken, Deutschland: LAP LAMBERT Academic Publishing, 2015. – 268 с.

- 3. Баранский П.И. Термоэлектрические и термомагнитные явления в многодолинных полупроводниках / П.И. Баранский, И.С. Буда, В.В. Савяк. К.: Наук. думка, 1992. 269 с.
- 4. Gaidar G. Optimization of the thermoelectric figure of merit in the transmutation-doped and ordinary *n*-Si crystals / G. Gaidar, P. Baranskii // Phys. Status Solidi A. 2015. Vol. 212, No. 10. P. 2146–2153.
- 5. Анатычук Л.И. Термоэлементы и термоэлектрические устройства. Справочник / Л.И. Анатычук. К.: Наук. думка, 1979. 767 с.
- 6.Анатычук Л.И. Термоэлектричество. Т. IV. Функционально-градиентные термоэлектрические материалы / Л.И. Анатычук, Л.Н. Вихор. – Киев-Черновцы: Институт термоэлектричества. – 2012. – 180 с.
- 7. Электрические и гальваномагнитные явления в анизотропных полупроводниках / П.И. Баранский, И.С. Буда, И.В. Даховский [и. др] К.: Наук. думка, 1977. 270 с.
- 8.Самойлович А.Г. Теория анизотропного рассеяния / А.Г. Самойлович, И.С. Буда, И.В. Даховский // ФТП. 1973. Т. 7, № 4. С. 859. ДЭ 750 от 2 декабря 1972.
- 9.Баранский П.И. Теория термоэлектрических и термомагнитных явлений в анизотропных полупроводниках / П.И. Баранский, И.С. Буда, И.В. Даховский. // – К.: Наук. думка, 1987. – 272 с.
- 10. Ансельм А.И. Введение в теорию полупроводников / А.И. Ансельм. М.: Наука, 1978. 616 с.
- Samoilovich A.G. On the Theory of Anisotropic Thermoelectric power in Semiconductors / A.G. Samoilovich, M.V. Nitsovich, V.M. Nitsovich // Phys. Status Solidi B. – 1966. – Vol. 16, № 2. – P. 459 – 465.
- Анизотропия кинетических коэффициентов в дисилициде хрома / В.И. Кайданов,
   В.А. Целищев, А.П. Усов [и др.]. // ФТП. 1970. Т. 4, № 7. С. 1338 1345.
- 13. Проблеми діагностики реальних напівпровідникових кристалів / П.І. Баранський, О.Є. Бєляєв, Г.П. Гайдар, [і т.д.]. // К.: Наук. думка, 2014. 462 с.

Надійшла до редакції 10.01.2016.