П.І. Баранський, Г.П. Гайдар¹

ΜΑΓΗΙΤΟΤΕΗ3Ο- Ι ΤΕΗ3ΟΜΑΓΗΙΤΟΟΠΙΡ *n*-Ge

У кристалах *n*-Ge при 77 K в умовах $\vec{X} \parallel \vec{J} \parallel \vec{H} \parallel [111]$ досліджено поздовжній магнітотензоопір у залежності від величини напруженості магнітного поля *H* при різних значеннях механічного напруження одновісного стиску *X*, а також поздовжній тензомагнітоопір у залежності від *X* при різних значеннях *H*. Запропоновано важливий для практики метод визначення тензомагнітоопору в умовах гранично великих *H* і *X* за вимірюваннями лише тензоопору (тобто при H = 0) в широкому інтервалі *X*.

Ключові слова: германій, магнітотензоопір, тензомагнітоопір, параметр анізотропії рухливості.

1. ВСТУП

Енергетична еквівалентність долин багатодолинного напівпровідника типу *n*-Ge або *n*-Si може бути порушена при пружному деформуванні кристала в напрямку, відносно якого ізоенергетичні еліпсоїди розташовані несиметрично [1, 2]. Актуальність цієї обставини вперше була виявлена в дослідах Сміта [3] з вивчення ефекту тензоопору в кристалах германію та кремнію, а Херрінг [4] вперше показав, що спостережувана зміна питомого опору багатодолинних напівпровідників при одновісній пружній деформації пов'язана з деформаційним порушенням енергетичної еквівалентності ізоенергетичних еліпсоїдів у таких дослідах і наступним за ним міжмінімумним (міжеліпсоїдним) перерозподілом носіїв заряду при незмінній ($n_e = \text{const}$) їх концентрації в зоні провідності. Зсув за шкалою енергій еквівалентних (до накладання на кристал деформуючих зусиль) мінімумів енергії залежить від напрямку осі деформації. Так, наприклад, накладання на кристал *n*-Ge стискаючого напруження в напрямку [111] призводить до того, що ізоенергетичний еліпсоїд, орієнтований у цьому напрямку, знижується (опускається) на величину $-1/3E_2S_{44}X$ eB (де $E_2 = 16,4$ eB [5] – деформаційний потенціал, $S_{44} = 1,47 \cdot 10^{-12}$ см²/дин – коефіцієнт податливості, Х – механічне напруження в напрямку осі деформації), тоді як інші три еліпсоїди піднімаються вгору за шкалою енергій на величину $+1/9E_2S_{44}X$ eB [6].

Міжеліпсоїдний перерозподіл носіїв заряду, відповідно до фактора Больцмана, визначається відносним зміщенням еліпсоїдів за шкалою енергій (що зумовлюється напрямленою деформацією) і температурою [7].

Пружна напрямлена деформація призводить до зміни як міжатомних відстаней, так і симетрії кристала [8]. Однак значні зміни в зонній структурі кристала виникають лише при виконанні умови $\Delta \varepsilon >> kT$, де $\Delta \varepsilon$ відповідає міжмінімумному зміщенню, спричиненому напрямленою деформацією.

Якщо на досліджувані кристали одночасно впливає і одновісна пружна деформація *X*, і магнітне поле *H*, то величину

$$\frac{\left.\Delta\rho_{H}^{\parallel}\right|}{\left.\rho_{0}\right|_{X=\text{const}}} \equiv \frac{\rho_{X}^{H} - \rho_{X}^{0}}{\rho_{X}^{0}} = f(H), \tag{1}$$

яка характеризує зміну питомого опору в залежності від напруженості магнітного поля *H* при сталій величині деформуючого зусилля (X = const), називають магнітотензоопором [9].

Величину

$$\frac{\Delta \rho_X^{\parallel}}{\rho_0} \bigg|_{\mu=\text{const}}^{H=\text{const}} \equiv \frac{\rho_X^H - \rho_0^H}{\rho_0^H} = f(X), \qquad (2)$$

© П.І. Баранський, Г.П. Гайдар, 2016

яка характеризує зміну питомого опору в залежності від деформуючого зусилля X при сталому магнітному полі (H = const), називають тензомагнітоопором [9].

Метою даної роботи було дослідження в кристалах *n*-Ge тензомагнітоопору від механічного напруження одновісного стиску X у процесі перебудови чотиридолинної зони провідності в однодолинну при $\vec{X} \| \vec{J} \| [111] (J - струм)$, а також вивчення магнітотензоопору в залежності від величини напруженості магнітного поля H при різних значеннях механічного напруження стиску.

2. РЕЗУЛЬТАТИ ТА ОБГОВОРЕННЯ

Якщо механічне напруження стиску X, прикладене до кристала вздовж напрямку [111] (\vec{X} || [111]), є досить великим (X = 0,6 ГПа), то електрони переходять у мінімум, який під впливом тиску опускається по шкалі енергій. Оскільки всі електрони переходять у мінімум з найменшою рухливістю $\mu = \mu_{||}$, то питомий опір $\rho(X)$ зростатиме (рис. 1, крива *I*) до значення

$$\rho_{X \to \infty}^{[111]} \equiv \rho_{X(\infty)}^{[111]} = \left(e \, n_0 \, \mu_{\parallel}\right)^{-1} = \text{const} .$$
(3)

Оскільки концентрація носіїв заряду в досліджуваних зразках *n*-Ge становила $n_0 \approx 6,5 \cdot 10^{13} \text{ см}^{-3}$, то значення рухливості вздовж осі тиску можна знайти з виразу (3):

$$\mu_{\parallel} = \frac{\sigma_{X(\infty)}^{[111]}}{e n_0} = 2340 \text{ cm}^2/\text{B}\cdot\text{c.}$$
(4)



Рис. 1. Залежності від механічного напруження стиску *X* при 77 К для зразків *n*-Ge: *I* – питомого опору ρ_X^0 , виміряного за умов H = 0 і $\vec{X} \parallel \vec{J} \parallel [111]$; *2* – питомого опору ρ_X^H , виміряного за умов H = 100 кЕ і $\vec{X} \parallel \vec{J} \parallel \vec{H} \parallel [111]$; *3* – поздовжнього магнітотензоопору $(\Delta \rho_H^{\parallel} / \rho_0)_X \equiv (\rho_X^{100 \text{ kE}} - \rho_X^0) / \rho_X^0$, виміряного за умов $\Delta H = 100$ кЕ = const і $\vec{X} \parallel \vec{J} \parallel \vec{H} \parallel [111]$.

У [9] показано, що $\rho_{X(\infty)}^{[111]}$ і ρ_0 пов'язані з параметром анізотропії рухливості в окремо взятому ізоенергетичному еліпсоїді простим співвідношенням:

$$K = \frac{\mu_{\perp}}{\mu_{\parallel}} = \frac{K_m}{K_{\tau}} = \frac{3}{2} \frac{\rho_{X(\infty)}^{[111]}}{\rho_0} - \frac{1}{2},$$
(5)

де $\rho_0 \equiv \rho_0^0$ – питомий опір зразка при X = 0 і H = 0; $\mu_{\parallel}, \mu_{\perp}$ – рухливості носіїв заряду вздовж і поперек довгої осі ізоенергетичного еліпсоїда відповідно; $K_m = m_{\parallel}/m_{\perp}$ – параметр анізотропії ефективної маси; m_{\parallel} і m_{\perp} – циклотронні ефективні маси для окремо взятого ізоенергетичного еліпсоїда вздовж великої осі і перпендикулярно до неї відповідно; $K_{\tau} = \langle \tau_{\parallel} \rangle / \langle \tau_{\perp} \rangle$ – параметр анізотропії розсіяння; τ_{\parallel} і τ_{\perp} – компоненти тензора часу релаксації за відсутності магнітного поля в лінійному наближенні. З виразу (5) з урахуванням даних рис. 1 було знайдено величину параметра анізотропії $K = 15,95\pm0,04$. Тепер, знаючи μ_{\parallel} і K, можна обчислити $\mu_{\perp} = \mu_{\parallel} K = 37300 \text{ см}^2/\text{B·c.}$ Вважаючи, що для *n*-Ge $K_m = \frac{m_{\parallel}}{m_{\perp}} = \frac{1,58}{0,082} \cong 19,3$ [10], і використавши одержане значення K = 15,95, знаходимо параметр анізотропії розсіяння $K_{\tau} = \frac{K_m}{K} = 1,21.$

Кривими *1* і 2 (рис. 1) наведено залежності від механічного напруження одновісного стиску *X* питомого опору кристала $\rho_X^0 = f(X)$ та питомого опору кристала у поздовжньому магнітному полі H = 100 кЕ $\rho_X^H = f(X)$ відповідно.

На рис. 1 показано зменшення магнітотензоопору в міру перебудови зони провідності в однодолинну при збільшенні X за допомогою кривої 3, яка зображає залежність $\frac{\Delta \rho_{H}^{\parallel}}{\rho_{0}} = f(X)$, що представляє собою різницю між значеннями кривої 2 та кривої I в точках $X_{1}, X_{2}, ..., X_{6}$, поділену на $\rho_{X_{i}}^{0}$ (тобто $\frac{\Delta \rho_{I}^{\parallel}}{\rho_{0}}\Big|_{X_{i}} = \left(\frac{\rho_{X_{i}}^{100\,\text{eE}} - \rho_{\tilde{O}_{i}}^{0}}{\rho_{\tilde{O}_{i}}^{0}}\right), i = 1, 2, ..., 6$ та $\Delta H = (100 - 0)$ кЕ).

У відповідності з теорією гальваномагнітних ефектів [11], при розміщенні векторів Jі H паралельно головній осі еліпсоїда енергії зміна питомого опору в поздовжньому магнітному полі $\Delta \rho_X^{\parallel} / \rho_0$ (подібно до випадку сферично-симетричних ізоенергетичних поверхонь) має тотожно дорівнювати нулю. Саме тому при $\vec{X} \| \vec{J} \| \vec{H} \|$ [111] у міру наближення до умов повного переселення носіїв із трьох мінімумів, що піднімаються вгору по шкалі енергій, в один еліпсоїд, що опускається (і орієнтований своєю головною віссю вздовж X), поздовжній магнітотензоопір має прямувати до нуля, що й дає експеримент (рис. 1 і 2).

На рис. 2 показано польові залежності магнітотензоопору $\frac{\Delta \rho_H^{\parallel}}{\rho_0}\Big|_{X=\text{const}} = f(H)$ в

класично сильних магнітних полях *H* напруженістю до 100 кЕ ($\frac{\mu H}{c} \approx 30$ при *T* = 77 K).

З рис. 2 видно, що в міру переселення електронів у долину [111], яка опускається по шкалі енергій з ростом тиску X, магнітотензоопір у поздовжньому магнітному полі зменшується, і при X = 0,6 ГПа магнітне поле напруженістю 100 кЕ питомий опір кристала не змінює (у межах точності експерименту, що становить для методик, які використовують імпульсні магнітні поля, близько 5%).



Рис. 2. Поздовжній магнітотензоопір $(\Delta \rho_H^{\parallel} / \rho_0)_X = (\rho_X^H - \rho_X^0) / \rho_X^0$ як функція напруженості магнітного поля *H*, виміряний у *n*-Ge при 77 K за умов $\vec{X} \parallel \vec{J} \parallel \vec{H} \parallel [111]$ при різних значеннях параметра *X*, ГПа: *I* – 0; *Z* – 0,1; *3* – 0,2; *4* – 0,3; *5* – 0,4; *6* – 0,5. Для *X* = 0,6 ГПа і *H* = 100 кЕ одержано величину $(\Delta \rho_H^{\parallel} / \rho_0)_X = 0,015$.

Поряд з вивченням (при різних $\vec{X} \parallel [111]$) магнітотензоопору, не менш важливим є вивчення тензомагнітоопору. Дійсно, вивчаючи тензомагнітоопір $\frac{\Delta \rho_X^{\parallel}}{\rho_0} \Big|_{p_0}^{H=\text{const}}$ у залежнюсті від механічного навантаження X (при різних значеннях H = const), одержуємо, по суті, залежність від X відношення ρ_X^H до відповідного значення магнітоопору ρ_0^H при нульовому тиску (рис. 3).

Особливої уваги заслуговує тензомагнітоопір, що вимірюється при досить великих X і H, тобто таких, під впливом яких (при їх незалежному використанні) значення $\rho(X)$ або $\rho(H)$ могли б бути виведені на насичення. Дійсно, за такої умови при $\vec{H} \| \vec{J} \| \vec{X} \| [111]$

$$\frac{\Delta \rho_X^{\parallel}}{\rho_0} \bigg|^H \equiv \frac{\rho_X^H - \rho_0^H}{\rho_0^H} \bigg|_{X \to \infty}^{H \to \infty} = \frac{\rho_{X(\infty)}^{H(\infty)}}{\rho_0^{H(\infty)}} - 1 = \frac{\rho_{X(\infty)}^0}{\rho_0^{H(\infty)}} - 1,$$
(6)

оскільки, виходячи з рис. 1, $\rho_{X(\infty)}^{H(\infty)} \equiv \rho_{X(\infty)}^{0}$. Тобто співвідношення (6) показує, що величина тензомагнітоопору, що вимірюється вздовж [111] в *n*-Ge при одночасній дії сильних *H* і *X* (вимірюється, фактично, в екстремальних умовах), може бути знайдена шляхом використання двох простіших операцій, а саме: за тензоопором $\rho_{X(\infty)}^{0}$, що вимірюється при значних *X*, але за відсутності магнітного поля (*H*=0), з подальшим використанням магнітоопору $\rho_{0}^{H(\infty)}$, одержаному (на тому ж зразку) при сильних *H*, але за відсутності механічного тиску (*X*=0).



Рис. 3. Поздовжній тензомагнітоопір як функція механічного напруження $X \left(\Delta \rho_X^{\parallel} / \rho_0\right)^{H=\text{const}} \equiv \left(\rho_X^H - \rho_0^H\right) / \rho_0^H$, виміряний у *n*-Ge при 77 K за умов $\vec{X} \parallel \vec{J} \parallel \vec{H} \parallel$ [111] при різних значеннях параметра *H*, кЕ: I - 0; 2 - 12,5; 3 - 50; 4 - 100.

Описаними вище спрощеннями, однак, одержання інформації про ефект тензомагнітоопору при значних X і H не обмежується. Дійсно, якщо взяти до уваги [11], що

$$\frac{\rho_0^{H(\infty)}}{\rho_0^0}\bigg|_{\vec{H}\parallel\vec{J}\parallel\,[111]} = \frac{(2K+1)(K+8)}{3(7K+2)} = f(K),\tag{7}$$

то $\rho_0^{H(\infty)} = \rho_0^0 f(K)$, і тому перший доданок правої частини виразу (6) можна записати як $\frac{\rho_{X(\infty)}^0}{\rho_0^{H(\infty)}} = \frac{\rho_{X(\infty)}^0}{\rho_0^0} \frac{1}{f(K)}$. Підставляючи в одержане співвідношення значення

$$\frac{\rho_{X(\infty)}^{0}}{\rho_{0}^{0}} = \frac{2K+1}{3},$$
(8)

а також f(K) із виразу (7), одержимо

$$\frac{\rho_{X(\infty)}^{0}}{\rho_{0}^{H(\infty)}} = \frac{7K+2}{K+8} \,. \tag{9}$$

Співвідношення (9) показує, що інформацію про тензомагнітоопір в умовах гранично великих H і X (6) можна отримати взагалі при H = 0 з одних лише вимірювань тензоопору в

широкому інтервалі X, оскільки значення K, яким визначається права частина (9), може бути знайдене з цих даних за допомогою співвідношення (8).

Формула (9) має самостійну цінність, оскільки забезпечує обчислення величини магнітоопору $\rho_0^{H(\infty)}$ (яка вимірюється з підвищеними труднощами і досить чутлива в сильних *H* до мікронеоднорідностей у кристалі) за результатами простіших вимірювань $\rho_{X(\infty)}^0$, які взагалі проводяться за відсутності магнітного поля. Проілюструємо це на конкретному прикладі. Розглянемо криву *l* (рис. 1). Враховуючи, що $\rho_{X(\infty)}^0 = 41,2$ Ом·см, $\rho_0^0 = 3,76$ Ом·см і K = 15,95 (знайдено за даними рис. 1 за формулою (5)), і використовуючи (9), одержимо

$$\rho_0^{H(\infty)} = \frac{K+8}{7K+2} \rho_{X(\infty)}^0 = 8,67 \text{ Om} \cdot \text{cm}, \tag{10}$$

або $\frac{\rho_0^{H(\infty)}}{\rho_0} - 1 = \frac{\Delta \rho}{\rho_0} = 1,31$, що кількісно збігається з величиною $\frac{\Delta \rho_H^{\parallel}}{\rho_0} \bigg|_{X(0)}^{H(\infty)}$, виміряною

експериментально. Це відкриває додаткові можливості для проведення більш точної перевірки існуючих теорій магнітоопору в класично сильних *H* у порівнянні з раніше виконаними.

3. ВИСНОВКИ

Описані зміни питомого опору в залежності від зовнішніх впливів (X або H) пов'язані з міжмінімумним перерозподілом носіїв заряду в умовах $\vec{X} \| \vec{J} \|$ [111]. Про це свідчить також і відсутність зміни магнітоопору при накладанні на зразок механічного навантаження X у кристалографічному напрямку [100], оскільки в умовах добре витриманої колінеарності векторів $\vec{X} \| \vec{J} \| \vec{H} \|$ [100] перерозподіл носіїв заряду між еквівалентними мінімумами є повністю виключеним.

MAGNETOTENSO- AND TENSOMAGNETORESISTANCE OF n-Ge

P.I. Baranskii, G.P. Gaidar

In *n*-Ge crystals at 77 K in the conditions $\vec{X} \parallel \vec{J} \parallel \vec{H} \parallel [111]$, the longitudinal magnetotensoresistance depending on the value of magnetic field *H* has been investigated for different values of uniaxial stress caused by mechanical compression *X*, as well as the longitudinal tensomagnetoresistance depending on *X* has been studied at different values of *H*. Proposed has been the practically important method for determining the tensomagnetoresistance in conditions of extremely high *H* and *X* by using measurements of only tensoresistance (i.e., at *H* = 0) in a wide range of *X*.

Keywords: germanium, magnetotensoresistance, tensomagnetoresistance, anisotropy parameter of mobility.

- 1. Гайдар Г.П., Баранський П.І., Коломоєць В.В. Тензоопір багатодолинних напівпровідників *n*-Si та *n*-Ge в широкому інтервалі концентрацій. *Фізика і хімія твердого тіла*. 2014. **15**, № 1. С. 58–62.
- 2. Будзуляк С.І. Тензорезистивні ефекти в сильно деформованих кристалах *n*-Si та *n*-Ge. *Фізика і хімія твердого тіла*. 2012. **13**, № 1. С. 34–39.
- 3. Smith Ch.S. Piezoresistance effect in germanium and silicon. Phys. Rev. 1954. 94, No. 1. P. 42–49.
- 4. Herring C. Transport properties of a many-valley semiconductor. *Bell System Tech. J.* 1955. **34**, No. 2. P. 237–290.
- 5. Baranskii P.I., Buda I.S., Dakhovskii I.V., Kolomoets V.V. Piezoresistance and magnetopiezoresistance of *n*-Ge in the [110] direction. *phys. status solidi* (b). 1971. **46**, No. 2. P. 791–796.
- 6. Cuevas M., Fritzsche H. High stress piezoresistance and mobility in degenerate Sb doped germanium. *Phys. Rev.* 1965. **137**, No. 6A. P. A1847–A1855.
- 7. Баранський П.І., Федосов А.В., Гайдар Г.П. Неоднорідності напівпровідників і актуальні задачі міждефектної взаємодії в радіаційній фізиці і нанотехнології. Монографія. Київ-Луцьк: РВВ ЛДТУ, 2007.
- Гайдар Г.П. Тензосопротивление как источник информации о параметре анизотропии подвижности *K* = μ_⊥ / μ_{||} в многодолинных полупроводниках и некоторые новые возможности деформационной метрологии. Электронная обработка материалов. 2015. **51**, № 2. С. 85–92.
- 9. Баранський П.І., Федосов А.В., Гайдар Г.П. Фізичні властивості кристалів кремнію та германію в полях ефективного зовнішнього впливу. Луцьк: Надстир'я, 2000.
- 10. Баранский П.И., Клочков В.П., Потыкевич И.В. *Полупроводниковая электроника*. Справочник. Київ: Наукова думка, 1975.
- 11. Баранский П.И., Буда И.С., Даховский И.В., Коломоец В.В. Электрические и гальваномагнитные явления в анизотропных полупроводниках. Київ: Наукова думка, 1977.

Інститут фізики напівпровідників ім. В.Є. Лашкарьова НАН України 45, просп. Науки, 03680 Київ, Україна

¹Інститут ядерних досліджень НАН України 47, просп. Науки, 03680 Київ, Україна E-mail: gaydar@kinr.kiev.ua Отримано 15.03.16